#  



مطالب ايين بخش شامل,
هارأائى درسنامه و نكات كليدى هر فمصل




ويراستار، سارا نيكثامى، نرجس تيهناك


## فصل اولّ: الكوها

رياضيّات را علم الكوها ناميدهاند. مطالعهى الكوها هوشهاي حندكانهى ما را تتويت ميكندا بهطورىكه يافتن الكوها يكـ
 بايد آنها را يـيدا كثيه. ما با كشيدن جدول و يانثّن الكوها، مستلههاى طولانى را راحتتر حل مى كثيم.


م
میتوانيم با كثيدن جدول و بافتن الكوها، بعضى از مستلههاى طولانى را راحتتر حل كنيم.



> سارا با فروش هر تراش، •ه تومان سود مییند، يس با فروش ه تراش •Yه تومان سود میىتد.


ثيس بايف A تراش بفروشد تا هم F تومان سود كند.
ج) هچند تراه بغروشد تا بتواند با سود آن، يك تراش براى دوستش بخرى؟


يّس او بايد 9 تراش بفروشد تا بتواند يكـ تراش ديكر براى دوستش بخرد.
كاهى براى شمارش شكلها، آنها را دستابندى مى كنيم.


مییتوانيم شكلهما , بتا Yتا بشماريهم, و دستهبندى كنيه: $\Rightarrow r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r=r k$

$\Rightarrow r+r+r+r+r+r+r+r=r k$
 $\Rightarrow \varphi+\varphi+\varphi+\varphi=r \dot{Y}$

هى توانيه شكلها را גثتا גتا بشماريم, و دستهبندى كنيه: $\Rightarrow A+A+A=r+$

همىتوانيهم شكلها را $\Rightarrow I r+I r=r H$

## (lهو)



مى توانيم شكلمها را لثا لتا بشماريم و دستهبندى كنيه: $\Rightarrow Y+Y+Y=Y$








و عدد بعدى بهدست آمده است، بنابراين داريهم:


با توجّه به الكوى دادهشده، داريهم:


|  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| عده دوم | $\Delta$ | $r$ | A | $\Delta+r=\lambda$ |
| exo | A | $F$ | Ir | $A+r=1 r$ |
| عدد | Ir | Q | IV | $1 r+\Delta=i \gamma$ |
| عدد بهج | IY | c | r | $1 Y+\bar{P}=\underline{T}$ |

 با دقّت در اين سرى العداد هىيبينيم كه عدد اوّل +r، عدد دوم +r بَ عدد سوم + + عدا هنْحمه هـم بايد بهعلاوهى 9 شود.

| در اين دنباله، ابتدا به هر عدد Yا اضافه شده است و سبس هتا از آن كم میشود.

كَ يكى از رامهاى متاسب براى جمع اعداد، تُرار دادن اعداد مناسب كتار هم و جمع كردن آنها است.
 $\underline{+} \underline{+}+\underline{+} \underline{q}+\Delta+q+y+\hat{q}+q+10=?$
ابتدا بايد اعداد را در ذهنمان دستهبندى كنيه. اعدادى را كه جمع آنها برابر م 1 میشود، جدا كرده و و دستهبندى $1+q=10, \quad r+\lambda=10, \quad r+Y=10, \quad r+Y=10$
$\Rightarrow$ ح $=10+10+10+10+\Delta+10=\Delta \Delta$
مى مكنيه:

بجّههاى خوب، توجّه داشته باشيد هنكامىكه سوار اين ماشينها میىشويد، بايد با دقّت برنامههاى آنها را اجرا كنيد ثا با به سلامت به متصد برسيد. بعضى از اين ماشينها فتط برنامهى جمع دارندا بعضى ديكر فهطط برنامهى تغريق دارند. دقّت كنيد كه اكر از اوّل ماشين سوار شديد، بايد به دستور آن عمل كنيد تا به سلامت يـياده شويد. بيعنوان مثال، اكر سوار ماشين Yا
 جا علامت (+) بود به (-) و هر جا علامت (-) بود به (+) تبديل هیشود. با توجّه به ماشين دادهشده، در جاهاى خالى هه اعدادى قرار مى"يرند؟


ك عكمّبا
مكتب هستند كه هر كدام از آنها 9 طرف دارند. مكتب اوّل از 9 مربع مساوى تشكيل شده است، امّا $\square$ , $\qquad$ مكعب دوم از 9 مستطيل كه دوبهدو با هم مساوى هستند، ساخته شده است. در شكلهاى زير بازشدهى اين مكتبهها را ملاحظه ميكنيد.


C
 فتط تا عدد 1 ا را نشان ميدهند.


برای تبديل ساعت به بعدازظهر، بايد ساعت دادهشده را با عدد Y 1 جمع كثيم. بهعنوان مثال ساعت 1 بعدازظهر را信

## 

كارهاى مهدى در طول يكـ شبانهروز، روى ساعتهاى زير مشخّص شده است. با توجه به آن، به سؤالات دادهشده

(قبل از ظهم)

(بعداز ظارير)



ساعت

كاهى براى راحتى در شهارش و سرعت در آن، شكلها را متقارن مى كنيه. در معمارى، كاشى كارى، فالىبافى، نتّاشى و ... از خطّ تقارن زياد استفاده مى شود. اين شكلها هوش هوش فضايى ما را خيلى تقويت مى مكند.

شككل روبهرو از هند مونّع كوجكى تشكيل شده است؟

位 $=q+q+q+q=\uparrow q$

118 en




riro
roro
ir 10




si (r)
5. 110
va (f)
A. (r)

(V) لادر زهرا برای بشن تكليف زهرا يك كيكى هطبته درست كرده است. او در طبتهى بالايى آن ها كل كداشته است و بهترتيب به
 falro varor $\quad \Delta \Delta(r O \quad$ rallo
 مطالعه كند. او در يك هنته، هثد صنعه از كتاب خود را مطالعه ميكتد؟
fs (f)
$\Delta s(r)$
rs (ro
if (10

 در مجموع هثد اتاق خواب دارد 5
$1 \ldots(9$
A. 10
Y. $(r)$
9.10
(1.) مستمدهدى با لكوهايش يك ساختمان هطبته درست كرده است. او در هر طبغه Y واحد ساخته است. اكر داخل هر واهد ب آدمك كذاشته باشد، ساختمان او هچد آدمكى دارد؟
$\mathrm{raHO} \quad \mathrm{F}(\mathrm{rO}$


1. (r)
r. 110

تمداد خانههاي شكل معابل هندتا است؟ (I1)
ra (10
r. (ro

YY (ro
if 19
(TV) در داخل هر

$$
\begin{aligned}
& 1, \varphi(r O \\
& 10,4 \geqslant O
\end{aligned}
$$

$\gamma,+10$
人, ${ }^{+}(\mu)$

براى خواهرش يكى جغت بند كغش بغخرد

$$
\operatorname{FPO} \quad \Delta(r O \quad \text { PrO } \quad 1.10
$$

| 14 | 9 | 10 |
| :---: | :---: | :---: |
| $Y$ | 9 | $1 Y$ |
| IF | IV | $V$ |
|  |  |  |


| در شُكل متابل، بهجاى علامت سؤال جها عددى قراد مىكيرد؟ |  |
| :---: | :---: |
| 10 ro | iY (1) |
| 1 A ( P | If (ro) |

riy.ir.in.ra. $\square$ (1D در الكوى عددى متابل، بهجاى
ro $1 \%$
r.ero
rror
rr (10

19 (9)
r. (ro

1. (ro
$9(10$
A. .VG.YY ،.fA.gf.g. . $\square$ (IV) با توتّه به الكوى عددى دادهشده، عدد بعدى كدام است؟
$\begin{array}{ll}\Delta A(r O & \text { or (1) } \\ \Delta .(\% O & \Delta F(r)\end{array}$



$$
\begin{array}{lr}
\varphi, 9 v, \Delta(r O & r, 9 v, \psi(1 O \\
9 \gamma, \psi, 9 \varphi(r) & 9 \gamma, r, 9 \varphi(r O)
\end{array}
$$

 $\square$ (19) با توجّه به الكوى عددى دادهشده، بهجاى
$9 . .\left(\begin{array}{rl} \\ \hline\end{array}\right.$
f... (1)
D. . (f)
FD. (T)

| $\sum$ |  |  |
| :---: | :---: | :---: |
| $r$ | $v$ | 10 |
| $r$ | 9 | $1 A$ |
| 0 | 11 | $r 1$ |
| $s$ | $1 r$ | $?$ |

 $\square$
YY( P O
 $\square$
f... (f)

$1 . \cdot+Y \Delta+Y-\square=11$ 。

$$
\text { ra } \&
$$



ra (ro
YY (ro
YF 19

ru(r)
$\mathrm{Y} / \mathrm{r}(\mathrm{O}$
1910
F (PY
ra. (rO
r...(1)

FPT در شكل متابل بهجاى علامت سؤاله جه عددى ترار ميكيرد

1. 110
ir (ro
$9(\mathrm{rO}$
$10(\%)$

r.. (10
F... (r)
(PD) در باى خالى جه عددى قرار میكيرد؟
1s人(ro
191 (f)
iva (10
yinalo

ra (ros
r. (ro
r. 110


rin. (ro
در ابتدا التنغاب كرده بودم، كدام كزينه مىباشده

$$
\text { rir. (ro rra. } 10
$$

خروجى اين ماشين بيهيده كدام است؟ (IA)
w 10
Miro





ط (Pi)
9 (F)
V (ro
A (ro
$9(10$
(PY) زمان مطالعهى هارسى و رياضى عر ثان، نسبت به هم جككونه است؟

(f) (f) رياضى نيه ساعت بيشتر از فارسى است.

(r) ز) زمان مطالعهى هر دو درس برابر است.



مىاداد. او جه ساعتى از نيمهشب از خواب بيدار شده است؟
$\mu(f)$
ra
1 (ro
ir 10



روى آن نوشته شده است.)


19180
ir (ro

1. (r)
r. 110
$V: 00, V: r \Delta^{\prime} . v: \Delta 0^{\prime}$ $\square$
$v: r \Delta^{\prime}$ (f)
v:1or (ro


$$
\text { A:10'ro } \quad \text { A: } 40^{\prime}(10
$$




10:10(f)
9 (ro
$9: 4 \Delta(r)$

1. (1)

1 A ( F$)$
10 (r)
iv (ro
if 10
(19) سه ساعت بغد ربع ميشود9

10190
9 (r)
IY (ro
s 10

Ir ( 10

1. 10
9 (ro
$\Delta(1)$
(P1) تطار شيراز - مشهد ساعت


شب از شيراز حركت كرده و ساعت هیند مبع به مشهد متذّس رسيده است؟




9 (ro
1110

1. (f)
ir $r(1)$



|  |  |  | برسد؟ |
| :---: | :---: | :---: | :---: |
| 9:r.(f) | 9:ro(ror | 9:1.(ror | \& 10 |
|  |  | هa |  |
| rA. (f) | 10. (r) | r...(r) | - (1) |



IF。(\%)
Y .10
Y..(f)
$\mathrm{YA}=(\mathrm{r} O$




| rr (ro | F. 10 |
| :---: | :---: |
| ra) 19 | rf (ro |



$$
\begin{aligned}
& \text { IYACO } \\
& Y \Delta M O
\end{aligned}
$$

طبته ارتثاع داشتّه باشد؟

| rouO | ry 10 |
| :---: | :---: |
| 1818 | pr ( ${ }^{\prime}$ |

(FA
10 (ro)
YI (fo
1810
$1 \lambda(r)$


$$
1 .: 10
$$

$$
Y \Delta(r)
$$

(1) كدام شكل را بهرخانيّم تا با شكل رويهرو متتارن شود؟


110
$\mathrm{Y}(\mathrm{r})$

(AF) با كدام شكل ثمهتوان يكى مكتب ساخت



مشُغْص كرد؟

$$
\begin{aligned}
& \text { (10) كيسهى Y Y كيلوكرمى } \\
& \text { (r }
\end{aligned}
$$






1.f.9 (f)
I.r.r(ro
Y.r.r(ro
r.1.r(1O
(هA) سه جعبه به رنكهاي سنيد، ترمز و وبز داريم. داخل يكى از آنها شكلات، داخل يكى ديكر سيب و درون بعبهى سوم خالى است.


شكلات در آن است، جه رنكى است؟


If (f)
ir (ro
ir (ro
1110
$\mu_{0}+\gamma_{0}+i \gamma_{0}+\lambda_{0}-\Delta_{0}+\gamma_{0}-\gamma_{0}=?$

Y . (f)
r...(
r.ero
ra. 10

(1) هاصل عبارت مقابل كدام است؟

$$
1 \ldots(\ldots 0
$$

ir..en
1r...ero
11.. (10


 ( 1 (
(r (r)
( ) نارنجى
(10) زرد


5... (1)
$\Delta \Delta=1 r \bigcirc$
$\Delta . . r^{(r)}$
FD. $1 \%$
(SP

$$
\Delta-1-\lambda-9(f O \quad \Delta-1-\lambda-\gamma(r) \quad \forall-q-\Delta-\lambda(r O \quad \forall-\lambda-\Delta-r(1 O
$$




YF (1)
As $(\mathrm{r}$
AF ( H
$\mathrm{AY} \boldsymbol{f}$


$r \cdot 1 f O$
rs
O
if (ro
YA(1)
 بيشترين تعداد بستثي را بدهد و به مهماثان بعدى، هركدام يكى كمتر از نغرى كه زودتر آمده است، بدهد. الكر خركوش باهوش


بهد هيوان شركت داشتهاثد؟
$1 \lambda(F O \quad$ IF $(\boldsymbol{r} O$
Ir (ro
Ir (10
نشان $\square$ نساث ثىدادهاند. مثلاً عدد سץ را با $\qquad$ در يكى شهر باستانى، عدد 1 , با با ميدادهاند. كدام نوشتهى زير عدد YY Y , الشان ميدشد؟





د $j(Y)$
1)


 كرار دارد؟





روش اوّل: با توبّه به الكوى دادهشده، به هر شكل دو مربّع اضافه شده است. بنابراين داريم:


روش دوم: با دقّت در الكو میبينيه كه به تعداد هربّعهاى هر شكل، يكى كمتر از شهارهى آن شكل اضافه شده است.

$$
10+9=19
$$


طبق الكُوى دادهشده، از هیب به راست به هر شكل
(F) (F) ه مربتع اضانه میشود، بنابراين داريه:

بهترتيب از جب به راست، به هر شكل پ دايره در حال اضافه شدن است.
(1)

شكل ششم $\overbrace{0, \lambda, I I, I F, I V, I r_{0}}^{+r}+\overbrace{\text {, }}^{+r}$

با دقّت در شكل متوجّه مىشويم كه نتط مربّع اوّل از F بحوبكبريت تشكيل
(T) (1) شده است و مريُعهاى بعدى از Y جهوبكبريت ساخته شدهاند، بنابراين ما براى
 "

$$
r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r+r=q 1
$$

با دتّت در شكلها متوجّه ميشويم كه هر $\square$ يكى خانه به سمت راست و يكى خانه به سمت بالا میرود و هر
(1) 8
 $\square$


بنابراين با توجّه به الكوى بالا، مادر زهرا در كل از Vه كل براى تزيين كيكش استفاده كرده است.

$$
\Delta+1 \cdot+1 \Delta+Y_{0}+Y \Delta=v \Delta
$$



$$
\begin{aligned}
& \text {, }=\varphi+r=\gamma \text {, }=\Delta=9
\end{aligned}
$$



$$
Y+r+Y+1=1 \cdot \Delta / g
$$

$$
\text { اقاق خوابي } 1 \circ+1 \circ+1 \circ+1 \circ+1 \circ+1 \circ+1 \circ+1 \circ+1 \circ+1 \circ=1 \circ
$$

= تعداد طبتات
واحد
آ آ

*ى توانيمر با دستهبندى مناسبب به بجواب برسيمر.
(1) erujs. 11

$$
\Rightarrow \Delta+\Delta+\Delta+\Delta+\Delta=r \Delta
$$



طهي الكو به العداد بالايعى هر كدام يك واحد و به
(1) eneis. IY اعداد هايينى، هر كدام دو واحد اضافه میشود.

تومان: سود هر جفت بئد كفش
$10+10+10+10+10=\Delta \cdots$ تورقا
بنابراين عهدى بايد ه جفتّ بند كفش بفروشد تا بتواند براى خواهرش يكـ جفت از آن بخرد.
 ى率


طبت الكُوى ارائهشذه داريه:
(1) ${ }^{(1)}$
 درختان كاشتهشده در يكـ طرفَ را بهدست آوريهُ با توجّه به شكل
 A $1 \circ-1=9$ بنابراين:




با توبّه به اللكوى دادهوشده داريمه:
(1)


با توجّه به الكو از جب به راست، از هر عدد .ه واحد كم بى شود.
(F) (F) 19

اكر عددماى شر ستون را با مم جمع كنيه؛ داريم:





HM 14
IF ? ?
$A] s][5$

$$
\Rightarrow \quad ?=r+\varepsilon=q
$$

 $11 \circ-V_{\circ}=\varphi_{\circ}$ يعنى تفريت را به جمع و جمع را به تفريت تبديل هى
( به تغريق تبديل هيشود.

$$
19 \wedge+r_{0}=r 1 \wedge \Rightarrow r \mid \wedge-r_{0}=1 V \wedge \Rightarrow 1 V \wedge-10=19 \wedge
$$

$1 \cdot \circ+r \Delta+r \cdot=1 \varphi \Delta \Rightarrow 1 \varphi \Delta-11 \cdot=r \Delta$

(1)

$$
1 \cdot+r \cdot-\Delta+\Delta \cdot+1 v-11+\gamma=\lambda \lambda
$$

(r) (9)


(P) ©


$$
1 \Delta+\lambda=Y \mu
$$


مدرسه مىیذراند.

 رياضى نيم ساعت بيشتر بوده است.
 او 「



میيينيم كه الكوها هY دقيقه، $\Delta$ Y دقيقه جلو مىرود، يس با ادامهى اين الكو داريم:
(1) (1) $_{6}^{6}$




زمان بردن شترها به مصترا
زمان بركشثن از صصحرا







$$
\underbrace{\Delta+\Delta}_{10}+\underbrace{\Delta+\Delta}_{10}+\underbrace{\Delta+\Delta}_{10}+\underbrace{\Delta+\Delta}_{10}+\underbrace{\Delta+\Delta}_{10}+\underbrace{\Delta+\Delta}_{10}=\operatorname{co}_{0}
$$


 شكل، تطار ساعت 1 ا صبح به مشهد رسيده است.

$\underbrace{r_{0}}_{r_{0}} \underbrace{r_{0}}_{r_{0}} \underbrace{r_{0}}_{r_{0}}$

بنابراين طبق الكوى جدول، يدربزرى سنجاب كوجولو تا روز ينجشنبه، در كل 「 ساعت ورزش خواهد كرد.


هیىدانیِم ساعت Y Y همان 9 شب میباشد.
(1) با دقّت در شكل، هیبينيم كه ميثّم بهمذّت 11 ساعت خوابيده است.
;مان نوابيدن ميثم
زمان بيدار شدن هيثم
$\Delta+1 \Delta+10+r \circ=9 \cdot$ دقيقه

V-I=¢ ساعت 9 بايد بيدار شود.
。
$\varphi_{0}$

 هكتببهاى هر ولّه به سمت بالا يك عدد كاهش و به سهت بايين يكى عدد افزايش مى يابد. اين الكو F طبقهى بالاعي را نشان هیدهل. بنابراين ها بايد تعداد مكغببهاى ه طبقهى چايينى را بهدست بياوريم و داريه: $\Delta+\varphi+\gamma+\lambda+q=r \Delta \Delta$ مكتب


