

# مسابقات ریاضی ششم دبستان

از مجموعه مرشد

- ۲۰۰۰ تست (شامل: تیزهوشان، آزمون‌های ورودی مدارس برترا تهران، مسابقات جهانی ریاضی، المپیادها و مسابقات علمی داخلی و خارجی و...)
- پاسخ‌نامه‌ی کلیدی
- سوالات آمادگی آزمون تیزهوشان
- سوالات آزمون‌های تیزهوشان سال‌های اخیر؛ (۱۳۹۳-۹۴) و (۱۳۹۴-۹۵)
- سوالات آزمون‌های تیزهوشان سال‌های اخیر؛ (۱۳۹۵-۹۶) و (۱۳۹۶-۹۷)

وحید اسدی کیا

مرشد: مرجع رشد و شکوفایی دانشآموزان

ویژه دانشآموزان ممتاز و داوطلبان شرکت در مسابقات  
و آزمون‌های ورودی مدارس تیزهوشان و برترا



به نام خداوند جان و خرد  
کزین برتر اندیشه برنگذرد



## مقدمه

# به نام خداوند جان و خرد کزین برتر اندیشه برگذرد

اگر در جستجوی کتابی هستید که شما را برای شرکت در مسابقات ریاضی یا آزمون‌های ورودی مدارس خاص و تیزهوشان آماده کند، کتاب مسابقات ریاضی ششم دبستان از مجموعه‌ی مرشد پاسخگوی نیاز شما خواهد بود.

در تألیف این کتاب از منابع متعددی استفاده شده است که از جمله‌ی آن‌ها می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

- آزمون‌های ورودی مدارس تیزهوشان و نمونه دولتی کشور و مدارس خاص و ممتاز کشور
- آزمون‌های داخلی مدارس تیزهوشان و ممتاز کشور
- آزمون‌های پیشرفت تحصیلی سمپاد و خانه‌ی ریاضی تهران
- مسایل مسابقات جهانی کانگورو و آزمون جهانی تیمز و ABC
- مسابقات علمی و المپیادهای ریاضی داخلی
- مسابقات و المپیادهای ریاضی کشورهای خارجی (انگلیس، مجارستان، بلژیک و...)
- مسایل المپیادهای ریاضی آمریکا (که جناب آقای محمد برجی اصفهانی در کتاب وزین خود، آن‌ها را در اختیار دانش‌آموزان عزیز قرار داده‌اند)
- مسایل المپیادهای بتكران و تیزهوشان بتكران
- سؤالات آمادگی آزمون تیزهوشان

مسایل این آزمون‌ها، براساس فصل‌ها و بخش‌های کتاب درسی ششم دبستان طبقه‌بندی شده و از آسان به سخت مرتب گردیده‌اند. برخی از آن‌ها بدون راهنمایی و اشاره به نکته کلیدی قابل حل نیستند که با علامت  مشخص شده‌اند تا دانش‌آموزان قبل از اقدام به حل آن‌ها، ابتدا نکته‌ی مورد نظر را مطالعه کنند.

کتاب مرشد، در مجموع حدود ۲۰۰۰ تست را شامل می‌شود و بیش از ۳۵۰ نکته‌ی کلیدی را آموزش می‌دهد. امیدواریم این کتاب مورد توجه خانواده‌ها، دانش‌آموزان عزیز و معلمان گرامی قرار گیرد و در ارتقای سطح علمی دانش‌آموزان مؤثر افتد.

در پایان، وظیفه خود می‌دانیم از جناب آقای دهقانی مدیر عامل محترم شرکت آموزشی، فرهنگی و انتشاراتی مبتکران که شرایط و امکانات چاپ کتاب را فراهم آورده‌اند، سپاس‌گزاری کنیم. همین طور از آقای مهندس هادی عزیززاده که در تمام مراحل تألیف این کتاب مشاور ما بودند و ویرایش علمی بخش‌هایی از آن را بر عهده گرفتند، متشکریم. از آقایان دکتر مجید اقبالی و دکتر ناصر کاهه و اباصلت نوراللهی و مهندس کیارش قربانی که در ترجمه یا گردآوری و ویرایش بخشی از مسایل کتاب، ما را یاری کردند، صمیمانه سپاس‌گزاریم. از خانم‌ها لیلا مهرعلی‌پور و مریم رسولی که زحمت حروف‌چینی و ترسیم شکل‌ها را بر عهده داشتند بسیار ممنونیم و برای همه‌ی این عزیزان آرزوی موفقیت داریم.

#### انتشارات مبتکران

## فهرست

فصل ۱ : عدد و الگوهای عددی «قسمت اول: الگوهای عددی و عددنویسی»	۷
پاسخنامه کلیدی	۳۷
فصل ۱ : عدد و الگوهای عددی «قسمت دوم: بخش‌پذیری و اعداد صحیح»	۳۹
پاسخنامه کلیدی	۶۷
فصل ۲ : کسر	۶۹
پاسخنامه کلیدی	۱۰۴
فصل ۳ : اعداد اعشاری	۱۰۷
پاسخنامه کلیدی	۱۲۰
فصل ۴ : تقارن و مختصات	۱۲۱
پاسخنامه کلیدی	۱۴۹
فصل ۵ : اندازه‌گیری «قسمت اول: طول، سطح، حجم و جرم»	۱۵۱
پاسخنامه کلیدی	۲۱۷
فصل ۵ : اندازه‌گیری «قسمت دوم: خط و زاویه»	۲۲۱
پاسخنامه کلیدی	۲۴۵
فصل ۶ : تناسب و درصد	۲۴۷
پاسخنامه کلیدی	۲۷۷
فصل ۷ : تقریب	۲۷۹
پاسخنامه کلیدی	۲۸۶
سؤالات آمادگی آزمون تیزهوشان	۲۸۷
آزمون ورودی مدارس تیزهوشان و نمونه دولتی همراه با پاسخنامه کلیدی	۳۰۵

## سؤالات

### عدد و الگوهای عددی

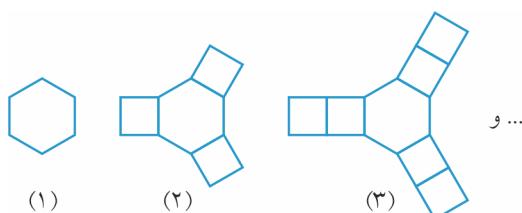
# ۱ فصل

#### قسمت اول: «الگوهای عددی و عددنویسی»

##### درس اول: الگوهای عددی

«الگویابی تصویری»

۱. در الگوی شکل زیر، شکل صدم از چه تعداد چندضلعی (شش ضلعی منتظم و مربع) تشکیل شده است؟ (المپیاد ریاضی)



۲۹۸ ب)

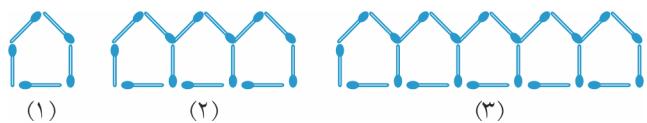
۳۰۱ د)

۲۹۰ الف)

۲۹۹ ج)

۳۰۵ ه)

۲. تعداد چوب کبریت‌ها در شکل بیست و پنجم کدام است؟



۲۰۵ ب)

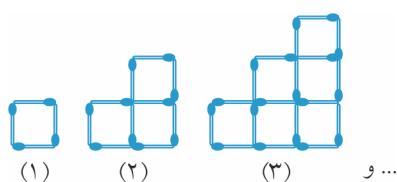
۱۸۹ د)

۱۹۷ الف)

۲۱۳ ج)

۳. برای ساختن شکل‌های الگوی چوب کبریتی زیر به ترتیب ۴ و ۱۰، ۱۸ چوب کبریت استفاده شده است. در این صورت

چند چوب کبریت برای ساختن شکل سی ام لازم است؟ (المپیاد ریاضی + آزمون پیش‌رفت تمهیلی)



۹۹۰ ب)

۲۷۰۰ د)

۹۰۰ الف)

۱۰۸۰ ج)

۳۰۰۰ ه)

(مسابقات ریاضی + المپیاد ریاضی + تیزهوشان)

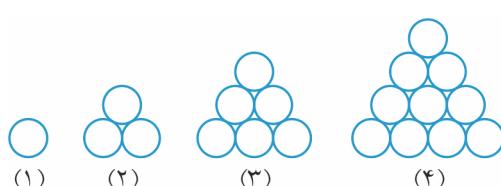
۴. شکل صدم در الگوی زیر، از چند دایره تشکیل شده است؟

۳۰۵۰ الف)

۳۵۰۰ ب)

۵۰۵۰ ج)

۵۵۰۰ د)



(آزمون ورودی)

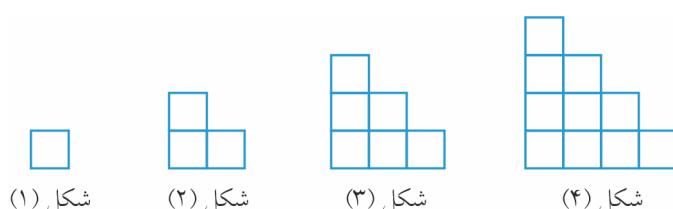
۵. تعداد مربع‌های کوچک در شکل بیستم چند تا است؟

۱۸۰ الف)

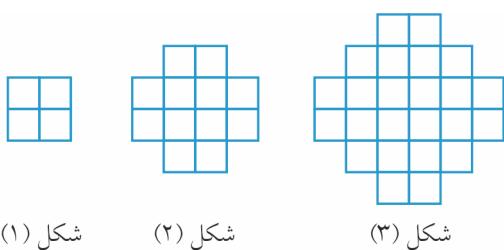
۱۹۰ ب)

۲۰۰ ج)

۲۱۰ د)

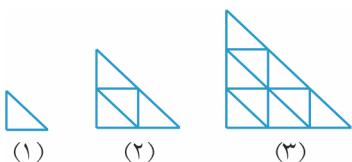


۶. در الگوی زیر شکل شصت و ششم چند مربع کوچک دارد؟



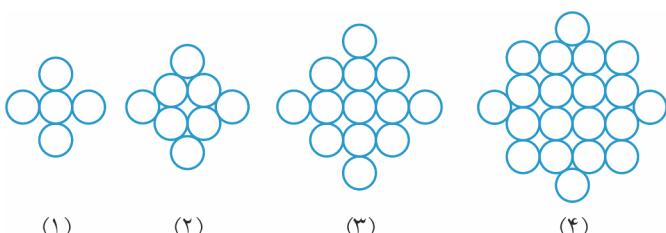
- الف) ۴۴۸۸
- ب) ۸۴۴۸
- ج) ۸۴۸۴
- د) ۸۸۴۴

(آزمون ورودی + آزمون تیمز)



- الف) ۴۹
- ب) ۶۰
- ج) ۶۴
- د) ۸۱

(مسابقات ریاضی)

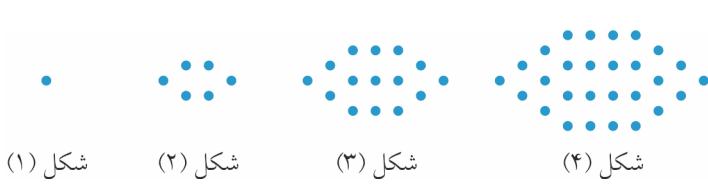


۸. تعداد دایره‌ها در شکل دهم چندتا است؟

- الف) ۸۴
- ب) ۸۵
- ج) ۱۰۴
- د) ۱۱۴

(آزمون ورودی ۹۵-۹۶)

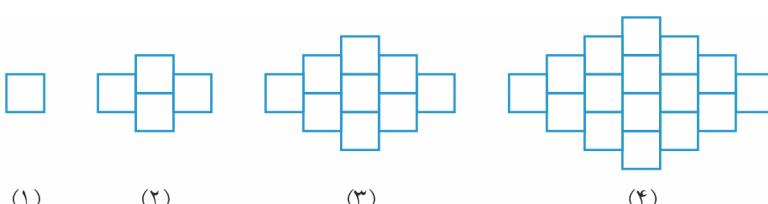
۹. تعداد نقطه‌ها در شکل هشتاد و سوم الگوی زیر کدام است؟



- الف) ۱۳۶۹۵
- ب) ۱۳۹۵۶
- ج) ۱۳۵۹۶
- د) ۱۳۷۷۸

(مسابقات ریاضی + المپیاد ریاضی)

۱۰. تعداد مربع‌ها در شکل بیستم چندتا است؟



- الف) ۴۰۰
- ب) ۴۴۱
- ج) ۳۲۴
- د) ۳۶۱

شکل (۱)      شکل (۲)

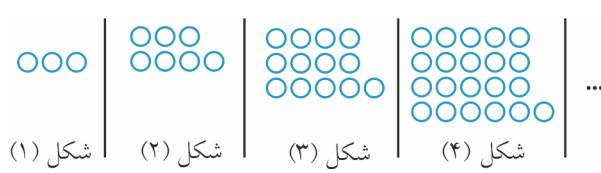
شکل (۳)      شکل (۴)

۱۱. شکل شصت و نهم در الگوی زیر چند نقطه دارد؟

- الف) ۴۶۹۲
- ب) ۴۷۶۱
- ج) ۴۸۳۰
- د) ۴۹۰۰

(آزمون ورودی)

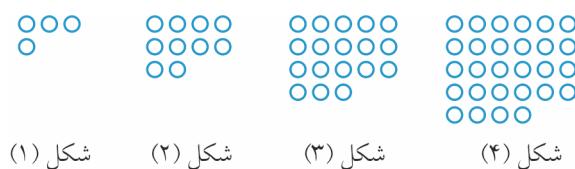
۱۲. با توجه به چینش مهره‌های زیر، تعداد مهره‌های شکل دوازدهم چندتاست؟



- الف) ٥٠  
ب) ١٦٨  
ج) ١٥٤  
د) ١٥٧

(۹۶-۹۵ آزمون ورودی)

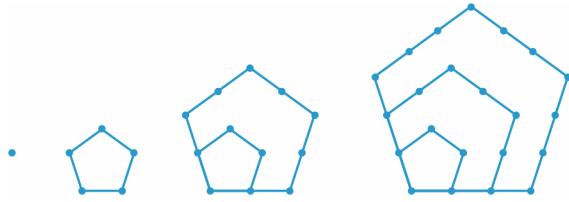
۱۳. تعداد مهره‌ها در شکل بیست و هشتم کدام است؟



- الف) ٨٧٢  
ب) ٨٧٠  
ج) ٨٦٦  
د) ٨٦٨

(۹۶-۹۵ آزمون ورودی)

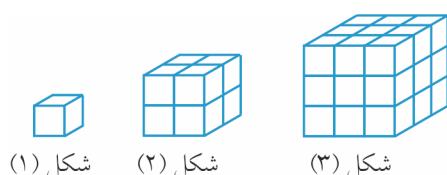
**۱۴.** شکل صدم در الگوی زیر دارای چند نقطه است؟



- الف) ١٤٩٥٠  
ب) ١٥٠٥٠  
ج) ١٤٩٠٠  
د) ١٥٠٠٠

(آزمون ورودی + آزمون تیمز)

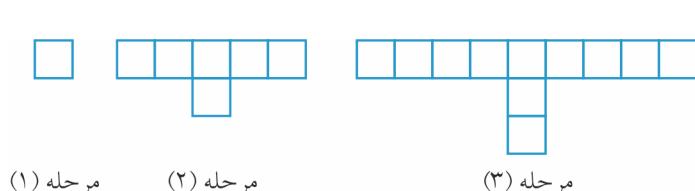
## ۱۵. شکل دهم از چند مکعب کوچک ساخته شده است؟



- الف) ١٠٠٠  
ب) ٩٠٠  
ج) ٨٠٠  
د) ٦٤٠

(مسابقات ریاضی)

۱۶. با توجه به الگوی داده شده، در مرحله‌ی ششم چند مربع خواهیم داشت؟

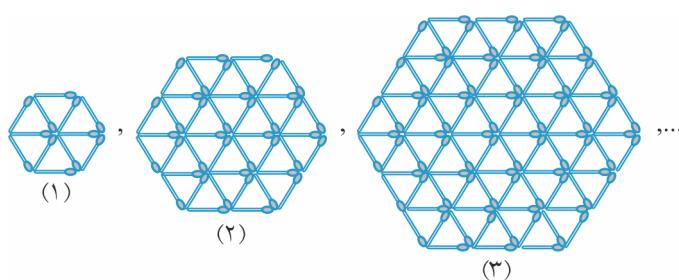


- ١٦) الف
  - ٢١) ب
  - ٢٦) ج
  - ٣١) د

۱۷. در الگوی زیر، هر شکل از کنار هم قرار دادن تعدادی چوب کبریت با اندازه‌ی واحد ساخته می‌شود. در شکل دهم، چند

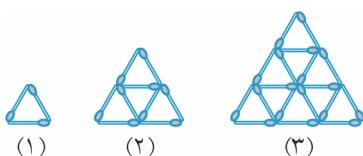
(الميادين الرياضية)

چوب کپریت وجود دارد؟



- ٩٠٣ (الف)  
٩٣٠ (ب)  
٩٠٠٣ (ج)  
٩٠٣٠ (د)  
٩٣٠٠ (ه)

۱۸. با تعدادی چوب کبریت شکل‌های زیر را ساخته‌ایم:



شکل (۱) با سه چوب کبریت، شکل (۲) با ۹ چوب کبریت، شکل (۳) با ۱۸ چوب کبریت برای ساختن شکلی که در هر ضلع آن ۱۰ چوب کبریت وجود دارد (طبق همین الگو) به چند چوب کبریت نیاز داریم؟  
(مسابقات ریاضی)

۱۸۰ ه)

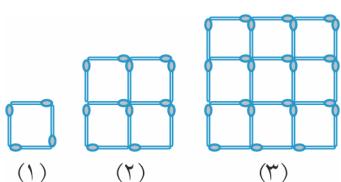
۱۶۵ د)

۱۳۵ ج)

۱۰۸ ب)

۸۴ الف)

۱۹. محمد با استفاده از چوب کبریت‌های همان‌درازه، شکل‌های زیر را ساخته و آن‌ها را با اعداد ۱، ۲ و ۳ شماره‌گذاری کرده است. تعداد چوب کبریت‌هایی که او برای ساختن ۳۱ امین شکل نیاز دارد، چند تا بیشتر از تعداد چوب کبریت‌هایی است که برای ساختن ۳۰ امین شکل به کار می‌برد؟  
(مسابقات هوانی ریاضی)



۶۱ ب)

۱۴۸ الف)

۱۲۰ د)

۲۵۴ ج)

۱۲۴ ه)

۲۰. شبکه‌ای از ۳۲ شش‌ضلعی را در سه ردیف با استفاده از چوب کبریت ساخته‌ایم.

چند چوب کبریت برای ساختن این شبکه استفاده شده است؟  
(مسابقات هوانی ریاضی)

۱۲۴ ب)

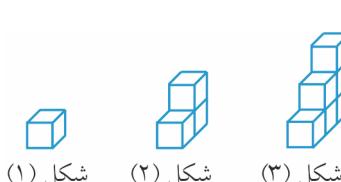
۱۲۳ الف)

۱۲۰ د)

۱۲۵ ج)

۱۲۱ ه)

۲۱. در شکل‌های زیر، طول همهٔ اضلاع مکعب‌ها ۱ واحد است. می‌خواهیم سطح جسم‌های ایجاد شده را رنگ‌آمیزی کنیم. اگر شکل‌ها را ادامه دهیم، چند سطح از جسم دهم رنگ خواهد شد؟ زیر اجسام نیز رنگ می‌شود.  
(تیزهوشان مبتکران)



شکل (۱) شکل (۲) شکل (۳)

۹۵ الف)

۱۱۰ ب)

۸۵ ج)

۱۵۰ د)

(آزمون ورودی + مسابقات ریاضی)

۲۲. در شکل دهم چند مریغ کوچک دیده می‌شود؟

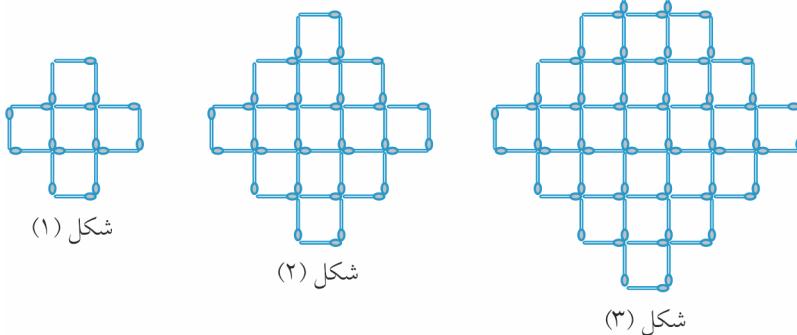
۲۰۱ الف)

۲۱۱ ب)

۲۲۱ ج)

۲۲۳ د)

۲۳۲ ه)



# مرشد

(آزمون ورودی)

۲۳. در سؤال قبل، شکل دهم از چند چوب کبریت تشکیل شده است؟

۳۶۴

ج) ۴۰۰

ب) ۴۶۰

الف) ۴۸۴

۲۴. همان طور که می‌بینید در شکل اول ۱ نقطه، در شکل دوم ۵ نقطه و در شکل سوم ۱۳ نقطه وجود دارد. در شکل بیستم چند نقطه وجود دارد؟  
(المپیاد ریاضی)

۳۴۱

ب) ۴۲۱

ج) ۵۳۱

د) ۶۵۱

ه) ۷۶۱



(مسابقات ریاضی + آزمون ورودی)

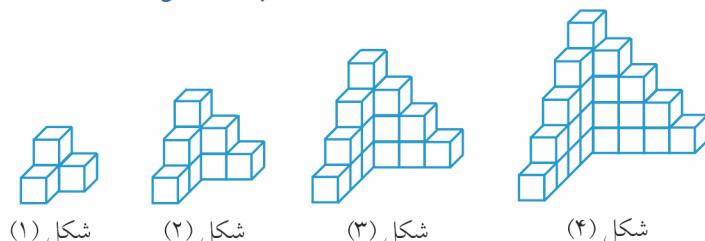
۲۵. تعداد مکعب‌های کوچک در شکل بیستم چند تا است؟

۴۰۰

ب) ۴۴۱

ج) ۴۶۸

د) ۴۸۶



۲۶. امیر محمد با استفاده از ۱۱ خلال دندان یک ردیف مثلث به هم چسبیده مانند شکل زیر می‌سازد. اگر او همین کار را با استفاده از ۸۹ خلال دندان انجام دهد، چند مثلث تشکیل می‌شود؟  
(المپیاد ریاضی)



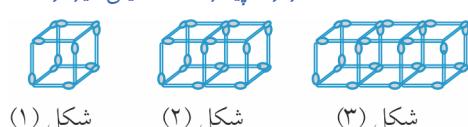
ج) ۴۶

ب) ۴۵

الف) ۴۴

ه) ۴۷

۲۷. الگوی زیر را با دقت بینید. اگر این الگو را تا شکل ۱۸۸۱ ادامه دهیم، چند تا از اعداد ۱۴۳۶، ۲۰۱۵، ۱۳۹۴ و ۱۸۸۱ تعداد چوب کبریت‌های یکی از شکل‌های این الگو است؟  
(آزمون پیشخوانی تیزهوشان)



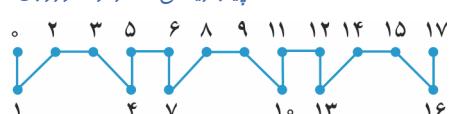
ب) یکی

الف) هیچی

د) سه تا

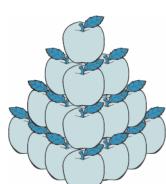
ج) دو تا

(المپیاد ریاضی + آزمون ورودی)



۲۸. یک الگوی تکراری مطابق شکل زیر داریم:

شکل این الگو از نقطه‌ی ۱۳۸۸۵ تا ۱۳۸۸۵ کدام است؟



۳۶ ه)

۲۹. یک میوه‌فروش با سیب‌هایش یک ساختار هرمی ساخته است. این هرم یک قاعده مربع شکل دارد. او برنامه‌ریزی می‌کند که یک هرم ۶ طبقه بسازد. تعداد سیب‌هایی که برای این کار لازم دارد چند تاست؟  
(المپیاد ریاضی)

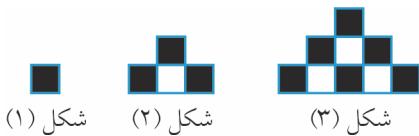
۷۲ د)

ج) ۹۱

ب) ۸۴

الف) ۲۱

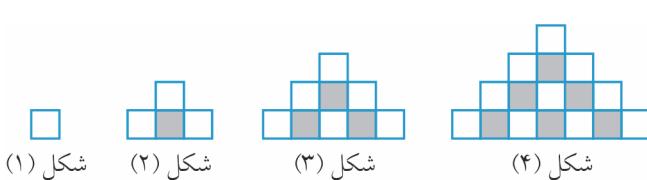
۳۰. این سه شکل دارای مربع‌های سفید و سیاه هستند. اگر الگو را ادامه دهیم، در صد تعداد مربع‌های مشکی در پنجاه‌مین شکل (المپیاد ریاضی)



- الف) ۴۹  
ب) ۵۰  
ج) ۵۱  
د)  $66\frac{2}{3}$   
ه) ۷۵

۳۱. با توجه به الگوی زیر نسبت تعداد مربع‌های رنگ شده به مربع‌های رنگ نشده در شکل دوازدهم کدام است؟

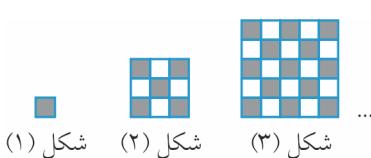
(آزمون ورودی ۹۵-۹۶)



- الف)  $\frac{66}{144}$   
ب)  $\frac{78}{144}$   
ج)  $\frac{11}{12}$   
د)  $\frac{11}{13}$

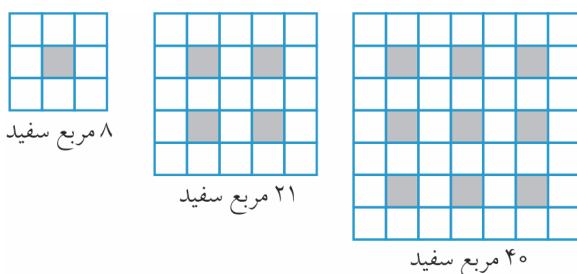
(المپیاد ریاضی)

۳۲. الگوی شکل زیر را ادامه می‌دهیم. چه تعداد خانه‌ی سیاه در شکل پانزدهم وجود دارد؟



- الف) ۴۰۳  
ب) ۳۶۵  
ج) ۴۸۱  
د) ۴۲۱  
ه) ۲۲۵

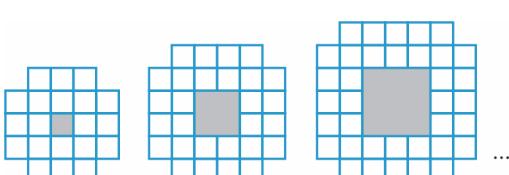
۳۳. اگر مربع‌های کوچک سفید را در هر یک از مربع‌های شکل زیر بشمرید، به عددی می‌رسید که زیر شکل‌ها نوشته شده است. اگر به همین ترتیب پیش برویم، تعداد مربع‌های سفید در مربع بزرگ‌تر بعدی چند است؟ (مسابقات هوانی ریاضی)



- الف) ۵۰  
ب) ۶۰  
ج) ۶۵  
د) ۷۰  
ه) ۷۵

۳۴. الگویی مطابق شکل زیر درست کردایم. برای ساختن دهمین عضو این الگو چند مربع سفید کوچک لازم است؟

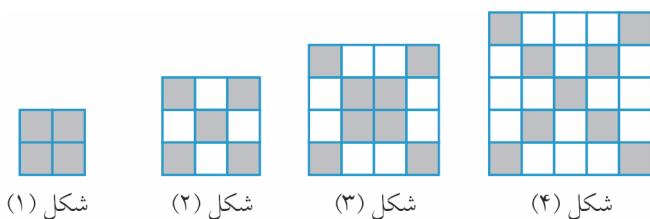
(مسابقات هوانی ریاضی)



- الف) ۷۶  
ب) ۸۰  
ج) ۸۴  
د) ۹۲  
ه) ۱۰۰

۳۵. در الگوی زیر اختلاف تعداد مربع‌های هاشورخورده در شکل بیست و پنجم و شکل سی و دوم چه قدر است؟

(آزمون ورودی ۹۶-۹۵)



الف) ۱۵

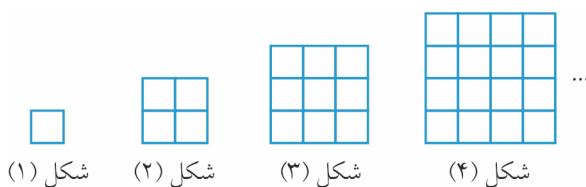
ب) ۱۳

ج) ۱۴

د) ۱۶

(آزمون ورودی ۹۶-۹۵)

۳۶. تعداد کل مربع‌ها در شکل هشتم الگوی زیر کدام است؟



الف) ۶۴

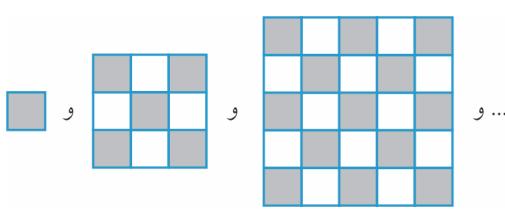
ب) ۱۸۸

ج) ۲۰۳

د) ۲۰۴

(آزمون ورودی)

۳۷. در الگوی تصویری زیر، چه کسری از شکل پنجم هاشورخورده است؟



الف)  $\frac{39}{81}$

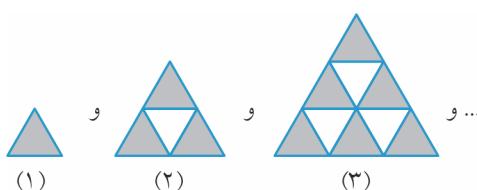
ب)  $\frac{41}{81}$

ج)  $\frac{42}{81}$

د)  $\frac{40}{81}$

(آزمون ورودی)

۳۸. چه کسری از شکل دهم رنگ نشده است؟



الف)  $\frac{1}{2}$

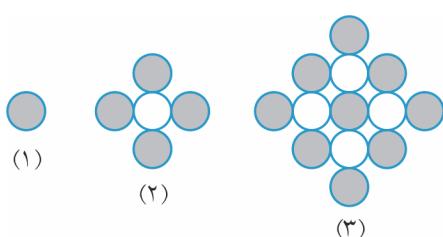
ب)  $\frac{8}{27}$

ج)  $\frac{9}{20}$

د)  $\frac{9}{27}$

۳۹. در الگوی مقابل، چه کسری از شکل دهم رنگی است؟ در هر شکل، دایره‌های بیرونی همواره رنگی هستند.

(آزمون آمارگان تیزهوشان)



الف)  $\frac{100}{181}$

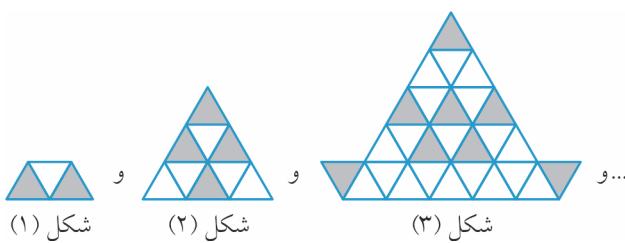
ب)  $\frac{100}{171}$

ج)  $\frac{100}{161}$

د)  $\frac{100}{151}$

(آزمون ورودی)

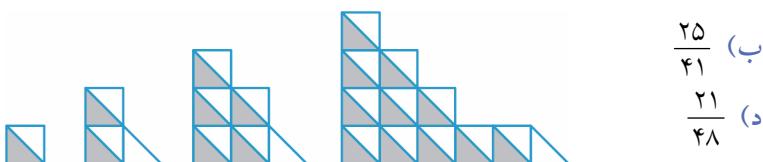
۴۰. با توجه به شکل‌های زیر، چه کسری در شکل پنجم رنگ شده است؟



- الف)  $\frac{32}{243}$   
ب)  $\frac{16}{81}$   
ج)  $\frac{22}{81}$   
د)  $\frac{16}{243}$

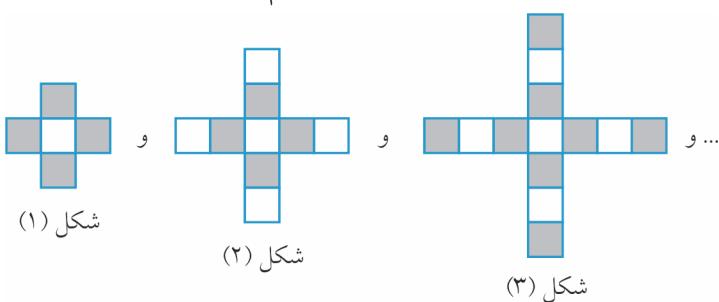
(اسدی‌کیا)

۴۱. در الگوی تصویری زیر، چه کسری از شکل پنجم هاشورخورده است؟



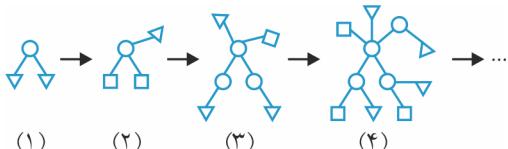
- الف)  $\frac{27}{40}$   
ب)  $\frac{25}{41}$   
ج)  $\frac{23}{47}$   
د)  $\frac{21}{48}$

۴۲. با توجه به الگوی داده شده در زیر، نسبت تعداد خانه‌های سیاه به خانه‌های سفید در مرحله‌ی دهم چه قدر است؟ (تیزهوشان)



- الف)  $\frac{41}{37}$   
ب)  $\frac{20}{21}$   
ج)  $\frac{37}{41}$   
د)  $\frac{21}{20}$

۴۳. طبق قواعد زیر، هر شکل از شکل قبل به این صورت ساخته می‌شود:



- (۱) هر مربع تبدیل به دایره می‌شود.  
(۲) هر مثلث تبدیل به مربع می‌شود.

در پایان، به ازای هر دایره (حتی دایره‌های جدید)، یک مثلث جدید می‌کشیم و به آن دایره وصل می‌کنیم. در بالا چهار شکل اول این سری را نشان داده‌ایم. شکل یازدهم چند تا مثلث دارد؟ (المپیاد کشوری)

- الف) ۸۹  
ب) ۹۰  
ج) ۱۲۱  
د) ۱۲۳  
ه) ۱۲۵

## درس دوم: الگویابی عددی

در سؤال‌های ۴۴ الی ۵۶ چه عددی را باید به جای علامت سؤال قرار داد؟

(تیزهوشان)

۴۴. (?) ۱,۱,۵,۱,۷۵, (?)

۱/۸۰

۲/۲۵

۱/۸۷۵

۲

ج) د

(لکنکور سراسری + المپیاد ریاضی + تیزهوشان)

۴۵. (?) ۱,۱,۲,۳,۵,۸, (?)

۱۰

۱۱

۱۲

۱۳

ج) د

(تیزهوشان)

۴۶. (?) ۳۰, ۲۸, ۲۴, ۱۸, (?)

۸

۱۰

۱۲

۱۴

ج) د

# مرشد

(تیزهوشان)	۴۷. (?) ۳,۸,۲۳,۶۸,	۱۵۸ ب)	۱۱۳ الف)
۲۰۴ د)	۲۰۳ ج)		
(مسابقات علمی)	۴۸. (?) ۱,۱/۵,۲/۲۵,۳/۳۷۵,	۴/۰۶۲۵ ب)	۴/۵ الف)
۵/۰۶۲۵ د)	۵/۶۲۵ ج)		
(آزمون ورودی)	۴۹. (?) ۷۷,۴۹,۳۶,۱۸,	۸ ب)	۱۰ الف)
۱۲ د)	۶ ج)		
(آزمون هوش)	۵۰. (?) ۷,۴,۱۱,۸,۱۵,۱۶,?, ۳۲	۱۹ ب)	۳۰ الف)
۱۸ د)	۲۰ ج)		
(آزمون هوش)	۵۱. (?) ۹۳,۳۵,۵۹,۳۰,۵۵,۲۵,۵۱,?	۴۷ ب)	۲۰ الف)
۷۶ د)	۷۷ ج)		
(آزمون ورودی ۹۵-۹۶)	۵۲. (?) ۱۶,۱۴,۳۳,۲۷,۵۰,۴۰,۶۷,۵۳,۸۴,?	۶۹ ب)	۶۶ الف)
۱۰۱ د)	۸۶ ج)		
(آزمون ورودی ۹۵-۹۶)	۵۳. (?) ۱,۲,۳,۴,۶,۹,۱۲,۱۸,?	۲۶ ب)	۲۱ الف)
۳۶ د)	۳۲ ج)		
(آزمون ورودی ۹۵-۹۶)	۵۴. (?) ۱,۳,۱۰,۳۷,۱۴۴,	۴۹۷ ب)	۳۲۰ الف)
۶۴۹ د)	۵۷۱ ج)		
(آزمون ورودی ۹۵-۹۶)	۵۵. (?) ۱,۷۵,۶,۲۵,۱۲,۲۵,۱۹,۷۵, ۲۸,۷۵	۳۸/۲۵ ب)	۳۸/۷۵ الف)
۳۹,۷۵ د)	۳۹/۲۵ ج)		
(آزمون ورودی ۹۵-۹۶)	۵۶. (?) ۲/۰۱۴, ۳/۰۴۱, ۴/۰۴۱, ۴/۰۶, ۵/۱۲۳	۵/۱۲۵ ب)	۵/۳۲۱ الف)
۶,۲۳۳ د)	۶,۳۲۱ ج)		
(تیزهوشان)	۵۷. در دنباله‌ی ..., ۱,۴,۹,۱۶,...، دهمین عدد کدام است؟	۸۱ ب)	۱۰۰ الف)
۱۲۱ د)	۶۴ ج)		
(آزمون ورودی)	۵۸. در دنباله‌ی ..., ۰,۷,۲۶,۶۳,۱۲۴,...، دهمین عدد کدام است؟	۶۰۱ ب)	۵۱۱ الف)
۹۹۹ د)	۷۲۸ ج)		
(المپیاد ریاضی)	۵۹. بیستمین عدد در دنباله‌ی ..., ۰,۲,۶,۱۲,۲۰,۳۰,۴۲,...، برابر است با:	۳۹۸ ب)	۳۸۰ الف)
۴۵۰ د)	۴۲۰ ج)		
(المپیاد ریاضی)	۶۰. با توجه به الگوی داده شده، هشتاد و یکمین عدد در دنباله: ..., ۱,۲,۲,۳,۳,...، عبارت است از:	۱۲ ب)	۱۱ الف)
۱۵ ه)	۱۴ د)	۱۳ ج)	
۳۰۰ ه)	۲۹۸ د)	۲۸۹ ج)	۲۷۹ ب)
(المپیاد ریاضی)	۶۱. دنباله‌ی ..., ۱,۴,۷,۱۰,۱,... با عدد ۱ شروع شده و هر عدد از عدد قبلی خود ۳ تا بیشتر است. صدمین عدد این دنباله چند است؟	۲۷۸ الف)	

۶۲. در دنباله‌ی عددی  $528, 528, \dots, 3, 10, 17, 24, \dots$ ، هر عدد از عدد قبلی خود ۷ تا بیش‌تر است. عدد ۵۲۸ چندمین عضو این

(المپیاد ریاضی)

دنباله است؟

۸۴) ه

۸۰) د

۷۸) ج

۷۶) ب

۷۴) الف

(آزمون ورودی)

۶۳. کدام عدد زیر، در هر دو دنباله از اعداد طبیعی مقابل وجود دارد؟

۷, ۲۲, ۳۷, ۵۲, ... : دنباله‌ی (۱)

۱۰, ۱۹, ۲۸, ۳۷, ... : دنباله‌ی (۲)

۳۵۵) د

۳۵۴) ج

۳۵۳) ب

۳۵۲) الف

۶۴. برنامه‌ی «لیست جمع» این طور کار می‌کند که لیستی سه‌تایی از عده‌ها می‌گیرد و به جای هر عدد، حاصل جمع دو عدد دیگر را می‌گذارد. مثلاً «لیست جمع» روی  $\{3, 4, 6\}$  لیست  $\{10, 9, 7\}$  را می‌دهد و اگر دوباره از آن استفاده کنیم، به  $\{16, 17, 19\}$  می‌رسیم. با شروع از  $\{20, 1, 3\}$  و ۲۰۱۳ بار «لیست جمع» متواتی، حداکثر اختلاف بین دو عدد در لیست به دست آمده چه قدر است؟

(مسابقات بجهانی ریاضی)

۲۰۱۳) ه

۱۹) د

۱۷) ج

۲) ب

۱) الف

(آزمون هوش)

۶۵. عدد بعدی در دنباله‌ی  $?, 1, 11, 21, 1211, 111221, \dots$  کدام است؟

۱۱۲۱۳۱) د

۲۳۲۲۲۱) ج

۲۱۱۱۱۲) ب

۳۱۲۲۱۱) الف

۶۶. در یک رشته از اعداد، اولین عدد ۱۲ و بعد از آن هر عدد مجموع حاصل ضرب ارقام عدد قبلی در خودش است. بنابراین عدد دوم  $= 5 = (2 \times 1) + (2 \times 1)$  و عدد سوم  $= 25 = 5 \times 5$  و عدد چهارم  $= 29 = 2 \times 2 + 5 \times 5$  و... است. عدد  $2005$  اُم این دنباله، کدام است؟

(المپیاد ریاضی)

۴) ه

۱۶) د

۳۷) ج

۸۹) ب

۵۸) الف

۶۷. هر زنبور عسل نر یک مادر مجرد دارد در حالی که هر زنبور عسل ماده دارای والدین نر و ماده می‌باشد. در دهمین نسل

(المپیاد ریاضی)

قبل یک زنبور عسل نر، چند زنبور وجود دارد؟

۲۳۳) ه

۵۱۲) د

۱۰) ج

۱۴۴) ب

۸۹) الف

۶۸. در مرحله‌ی اول وسط اضلاع یک مثلث را به هم وصل می‌کنیم تا مثلث دیگری در وسط آن ایجاد شود. در مرحله‌ی دوم در وسط مثلث تولید شده، این کار را تکرار می‌کنیم و این کار را چندین مرحله انجام می‌دهیم. در کدام مرحله شکل حاصل ۴۵ مثلث دارد؟ منظور همه‌ی مثلث‌ها با هر اندازه است.

(المپیاد ریاضی)

۲۲) ه

۱۲) د

۱۱) ج

۱۰) ب

۹) الف

### الگویابی در چینش اعداد

(المپیاد ریاضی)

۶۹. با توجه به جدول زیر، عدد ۱۰۰۰ در کدام ستون قرار می‌گیرد؟

A	B	C	D	E	F	G
۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷
۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴
۱۵	۱۶	۱۷	۱۸	۱۹	...	...

C) ب

E) د

A) الف

D) ج

F) ه

۷۰. همهی اعداد طبیعی با ترتیب خاصی در شکل زیر قرار گرفته‌اند. عدد ۳۰۰ در ستون کدام حرف قرار می‌گیرد؟ (المپیاد ریاضی)

A	B	C	D	E	F	G
۱		۲		۳		۴
	۷		۶		۵	
۸		۹		۱۰		۱۱
	۱۴		۱۳		۱۲	
۱۵		۱۶		...		

الف)

ب)

ج)

د)

ه)

۷۱. همهی اعداد صحیح از ۱۰۰ تا ۰ را با ترتیب خاصی مطابق شکل مقابل در ستون‌های P، Q، R، S و T قرار داده‌ایم. عدد ۲۵ در کدام ستون قرار گرفته است؟ (المپیاد ریاضی)

P	Q	R	S	T
	۱۰۰	۹۹	۹۸	۹۷
۹۳	۹۴	۹۵	۹۶	
	۹۲	۹۱	۹۰	۸۹
۸۵	۸۶	۸۷	۸۸	
	۸۴	۸۳	۸۲	۸۱
۷۷	۷۸	۷۹	۸۰	
		...		

الف)

ب)

ج)

د)

ه)

۷۲. یک الگوی عددی به شکل مقابل در ۵ ستون نوشته‌ایم. اگر نوشتمن اعداد را به همین شکل ادامه دهیم، عدد ۱۶۳ در کدام ستون قرار می‌گیرد؟ (المپیاد ریاضی)

A	B	C	D	E
۱	۴	۷	۱۰	۱۳
۲۸	۲۵	۲۲	۱۹	۱۶
۳۱	۳۴	...		

الف)

ب)

ج)

د)

ه)

۷۳. عده‌های طبیعی فرد را، آنگونه که در جدول مقابل دیده می‌شود، در پنج ستون نوشته‌اند. عدد ۱۹۸۵ در ستون چندم از چپ به راست نوشته می‌شود؟ (آزمون ورودی)

A	B	C	D	E
	۱	۳	۵	۷
۱۵	۱۳	۱۱	۹	
	۱۷	۱۹	۲۱	۲۳
۳۱	۲۹	۲۷	۲۵	
	۳۳	۳۵	۳۷	۳۹
۴۷	۴۵	۴۳	۴۱	
	۴۹	۵۱	۵۳	۵۵
:	:	:	:	:

الف)

ب)

ج)

د)

۷۴. اعداد طبیعی بزرگ‌تر از ۱ را طبق الگوی زیر نوشته‌ایم. آخرین عدد سطر بیستم چند است؟ (المپیاد ریاضی)

- ۲ ردیف اول
  - ۳ ردیف دوم
  - ۵ ردیف سوم
  - ۸ ردیف چهارم
- ⋮ ⋮ ⋮ ⋮ ⋮

الف) ۲۱۰

ب) ۲۱۱

ج) ۲۱۲

د) ۲۱۳

ه) ۲۱۴

۱	رديف اول	۳۲۰	در کدام رديف و کدام ستون قرار خواهد گرفت؟
۲	رديف دوم	(المپیاد ریاضی)	
۴	رديف سوم	در گزینه‌ها از راست به چپ، ابتدا عدد رديف سپس عدد ستون نوشته شده است.	
۷	رديف چهارم	ج) ۲۷؛ ۲۵؛ ۲۰؛ ۱۵؛	الف) ۱۸؛ ۲۰؛ ۲۰؛ ۲۵؛ ۲۰؛
:	:	ه) ۲۵؛ ۲۰؛ ۲۴؛	د) ۲۰؛ ۲۴؛ ۲۰؛

۷۶. الگوی زیر را بینید. عدد وسط در رديف شصت و یکم کدام است؟

۱	الف) ۷۱۲۱
۳ ۵ ۷	ب) ۷۲۲۱
۹ ۱۱ ۱۳ ۱۵ ۱۷	ج) ۷۳۲۱
۱۹ ۲۱ ۲۳ ۲۵ ۲۷ ۲۹ ۳۱	د) ۷۴۲۱
...	ه) ۷۵۲۱

۷۷. اعداد را به صورت یک نمودار مثلثی پشت سر هم نوشته‌ایم، عدد وسط در

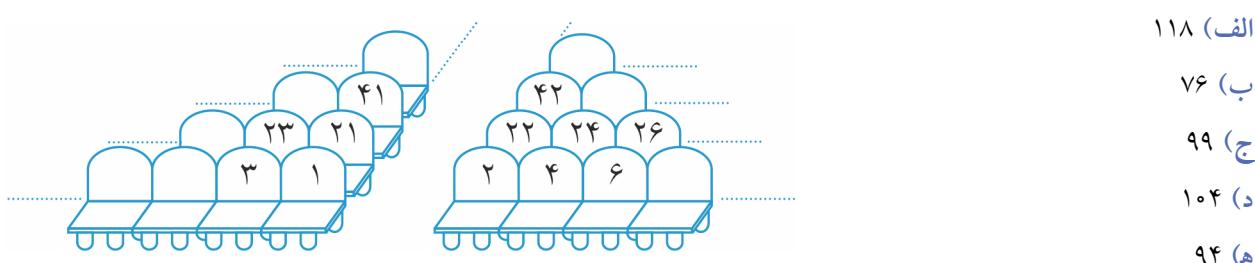
۱	ردیف پنجم و یکم کدام است؟
۲ ۳	(المپیاد ریاضی)
۴ ۵ ۶	ب) ۱۳۰۱
۷ ۸ ۹ ۱۰	د) ۱۲۷۵
۱۱ ۱۲ ۱۳ ۱۴ ۱۵	ج) ۱۲۵۱
:	ه) ۱۳۲۶

۷۸. دیروز متوجه شدم در روزنامه‌ای که ۲۴ صفحه داشت، صفحات ۶ و ۲۰ روی یک برگ بودند. چه صفحات دیگری روی آن برگ قرار دارند؟

(مسابقات بجهانی ریاضی + المپیاد ریاضی)

الف) ۷ و ۱۹      ب) ۵ و ۲۱      ج) ۵ و ۱۹      د) ۷ و ۲۲      ه) ۸ و ۲۲

۷۹. فربد روی صندلی شماره‌ی ۱۰۰ نشسته است. پارسا می‌خواهد نزدیک او بنشیند. فقط ۵ صندلی به شماره‌های ۷۶ و ۹۴ و ۹۹ و ۱۰۴ و ۱۱۸ خالی هستند. کدام صندلی، بهترین انتخاب برای پارسا است؟



### الگویابی و مجموع

۸۰. در ۲۰ رديف اول شکل زیر چند ستاره وجود دارد؟ (توجه داشته باشد که هر رديف از رديف قبلی خود، ۲ ستاره بیشتر دارد).

(المپیاد ریاضی)



الف) ۲۸۹      ب) ۳۲۴      ج) ۳۶۱      د) ۴۰۰      ه) ۴۴۱

- ۱ رديف اول  
۳ ۱ رديف دوم  
۵ ۳ ۱ رديف سوم  
(المپیاد ریاضی)

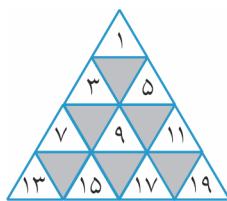
۸۱. الگوی عددی زیر را بینید:

اختلاف مجموع اعداد سطر نهم و دهم چه قدر است؟

- ۲۲) ه) ۲۱) د) ۱۹) ج) ۱۸) ب) الف) ۱۷)

۸۲. به الگوی عددی  $\boxed{2,5,8,11}$   $\boxed{14,17,20,23}$   $\boxed{26,29,...$  دقت کنید. اعداد را در هر گروه، ۴ تا ۴ تا مرتب کرده‌ایم.  
(المپیاد ریاضی)

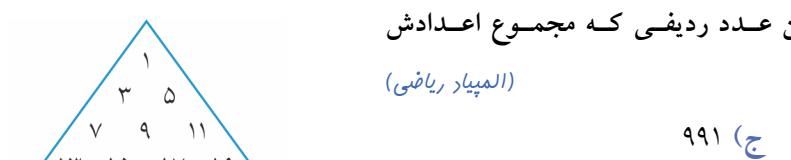
- اختلاف مجموع اعداد گروه ششم با مجموع اعداد گروه اول برابر است با:  
۲۴۰) ه) ۲۴۸) د) ۲۵۴) ج) ۲۶۰) ب) الف) ۲۶۶)



۸۳. اگر الگوی عددی مقابل را ادامه دهیم و مجموع اعداد در رديف صدم را به دست آوریم، آن عدد برابر است با:  
(المپیاد ریاضی)

- ۱۰۰۰) ج) ۱۶۰۰) ب) ۱۰۰۰۰۰۰) الف) ۱۰۰۰۰۰۰) ه) ۱۰۰۰۰) د)

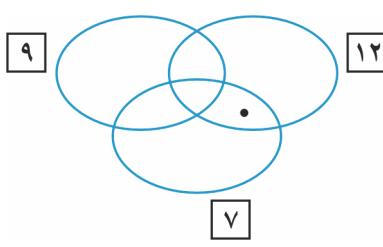
۸۴. اعداد فرد را در مثلث مقابل چیده‌ایم. اولین عدد رديفی که مجموع اعدادش ۱۰۰۰۰۰۰ می‌شود، کدام عدد است?  
(المپیاد ریاضی)



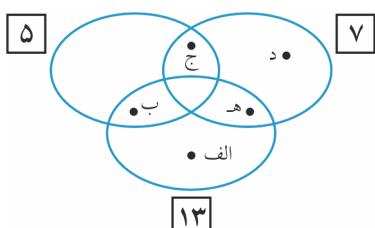
- ۹۹۱) ج) ۹۹۰۰۱) ب) ۹۹) الف) ۹۹۰۰۱) ه) ۹۹۰۱) د)

## مضرب

۸۵. در نمودار زیر، درون دایره‌های  $\boxed{7}$  و  $\boxed{9}$  و  $\boxed{12}$ ، به ترتیب مضرب‌های ۷ و مضرب‌های ۹ و مضرب‌های ۱۲ نوشته می‌شود. نقطه‌ای که در شکل مشخص شده است نمایانگر کدام یک از عددهای زیر می‌تواند باشد؟  
(برگرفته از المپیاد ریاضی)



- ۶۳) الف) ۱۹) ب) ۲۵۲) ج) ۱۶۸) د) ۲۸) ه)



۸۶. در نمودار رو به رو، درون دایره‌های  $\boxed{5}$  و  $\boxed{7}$  و  $\boxed{13}$ ، به ترتیب مضرب‌های ۵ و مجموعه‌ی مضرب‌های ۷ و مجموعه‌ی مضرب‌های ۱۳ نوشته می‌شود. عدد ۱۲۷۱۲۷ را در جای کدام یک از نقطه‌های مشخص شده باید قرار داد؟  
(المپیاد ریاضی)

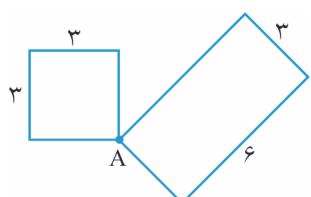
۱۹) آزمون ورودی

۸۷. چند عدد سه رقمی مضرب ۷ وجود دارد؟  
الف) ۱۲۸) ب) ۱۲۹) ج) ۱۴۱) د) ۱۴۲)

**۸۸.** من ادعا کرده بودم که عدد طبیعی مشخصی، مضرب ۲ و ۵ است؛ ولی بعداً فهمیدم که اشتباه کرده‌ام. کدام گزاره حتماً درست است؟  
 (المپیاد ریاضی)

- ب) عدد، مضرب ۷ نیست.
- د) عدد، مضرب ۲ یا ۵ نیست.
- الف) عدد، مضرب ۳ نیست.
- ج) عدد، مضرب ۱۰ نیست.
- ه) عدد، مضرب ۲ و ۵ است.

**۸۹.** دو مورچه از نقطه‌ی A با سرعت یکسان حرکت می‌کنند. یکی از مورچه‌ها دور یک مربع به ضلع ۳ سانتی‌متر و دیگری دور یک مستطیل به طول و عرض ۶ و ۳ سانتی‌متر راه می‌روند. حداقل مسافتی که هر کدام باید طی کنند تا دوباره به یکدیگر بررسند چند سانتی‌متر است؟  
 (المپیاد ریاضی)



- الف) ۱۸
- ب) ۷۲
- ج) ۲۱۶
- د) ۳۶
- ه) ۱۰۸

**۹۰.** اگر سیب‌های جعبه‌ای را ۲ تا یا ۳ تا یا ۵ تا بشماریم، هر بار ۱ سیب در جعبه باقی می‌ماند. اگر بدانیم تعداد سیب‌ها عددی ۳ رقمی است، حداقل چند سیب در این جعبه وجود دارد؟  
 (آزمون ورودی + مسابقات ریاضی)

- د) ۱۲۱
- ج) ۱۲۰
- ب) ۱۰۴
- الف) ۱۱۲

**۹۱.** احسان گفت: «اگر ۳ تومان بیش‌تر داشتم، پولم ۴ برابر پول میعاد، ۵ برابر پول امیر، ۷ برابر پول امید و ۳ برابر پول آرین می‌شد.» احسان حداقل چند تومان پول دارد؟  
 (آزمون ورودی + مسابقات ریاضی)

- د) ۴۲۷
- ج) ۴۱۷
- ب) ۴۲۳
- الف) ۴۲۰

**۹۲.** علی تعدادی سکه‌ی ۵ تومانی، ۱۰ تومانی و یک تومانی به ارزش ۷۶ تومان دارد. تعداد سکه‌های یک تومانی ۲ برابر تعداد سکه‌های ۱۰ تومانی است. او چند سکه‌ی ۵ تومانی دارد؟  
 (المپیاد ریاضی)

- ه) ۱۵
- د) ۹
- ج) ۸
- ب) ۷
- الف) ۶

**۹۳.** علی باید تمام مضارب ۲ و ۳ را از بین اعداد ۱ تا ۱۰۰ جدا کند، چند عدد باقی می‌ماند؟  
 (المپیاد ریاضی)

- ه) ۲۶
- د) ۳۴
- ج) ۱۸
- ب) ۳۳
- الف) ۱۷

**۹۴.** دو دونده به طور همزمان و از یک نقطه شروع به دویدن دور مسیری دایره‌ای شکل به طول ۳۰۰ متر می‌کنند. سرعت دونده‌ی اول ۱۵ متر در ثانیه و سرعت دونده‌ی دوم ۱۲ متر در ثانیه است. چند ثانیه پس از شروع، هر دو دونده با هم از نقطه‌ی شروع عبور می‌کنند؟  
 (المپیاد ریاضی)

- ه) ۱۰۵
- د) ۱۰۰
- ج) ۹۵
- ب) ۹۰
- الف) ۸۵

**۹۵.** در سؤال قبل، دو دونده چند ثانیه پس از شروع، برای چهارمین بار مجدداً به نقطه‌ی شروع می‌رسند؟

- د) ۱۰۰
- ج) ۴۰۰
- ب) ۸۰۰
- الف) ۱۲۰۰