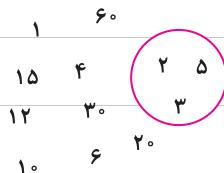


صفحه ۲ کتاب درسی

مثالی ۱۰۰۰

فالات



در شکل روبرو شمارنده‌های طبیعی عدد ۶۰ را نوشته‌ایم و بین آن‌ها شمارنده‌های اول را مشخص کرده‌ایم. شما هم شمارنده‌های ۶۰ را که اول نیستند، در یک منحنی بسته قرار دهید.

اگر شمارنده‌های طبیعی و اول عدد ۶۰ یعنی ۲، ۳ و ۵ را در داخل دو آکлад قرار دهیم و آن را با حروفی چون

$A$  یا  $B$  یا ... نام‌گذاری کنیم و بنویسیم  $\{2, 3, 5\} = A$ ; در این صورت یک **مجموعه** تشکیل داده‌ایم و به

هریک از عددهای ۲، ۳ و ۵ یک عضو مجموعه  $A$  می‌گوییم؛ پس مجموعه  $A$  دارای ۳ عضو است.

\* شما شمارنده‌های مرکب عدد ۶۰ را به صورت یک مجموعه بنویسید و آن را  $B$  بنامید.

\* مجموعه شامل شمارنده‌های عدد ۶۰ که نه اول باشند و نه مرکب، چند عضو دارد؟ این مجموعه را نیز  $C$

بنامید و آن را نمایش دهید.

\* مجموعه  $D$  شامل همه شمارنده‌های دورقمی ۶۰ را تشکیل دهید؛ این مجموعه چند عضو دارد؟

از رضا و احمد خواسته شد تا مجموعه شامل ۳ شمارنده زوج عدد ۶۰ را تشکیل دهند. احمد نوشت:  $\{4, 6, 10\}$

و رضا نوشت:  $\{12, 10, 6\}$ . به نظر شما چرا جواب‌های آن‌ها باهم فرق دارد؟

در نمایش مجموعه‌ها، ترتیب نوشتن عضوهای مجموعه، مهم نیست و با جایه‌جایی عضوهای یک مجموعه، مجموعه جدیدی ساخته نمی‌شود؛ همچنین با تکرار عضوهای یک مجموعه، مجموعه جدیدی ساخته نمی‌شود؛ بنابراین به جای  $\{3, 3, 3, 3\}$  می‌نویسیم  $\{3, 3, 3\}$ .

صفحه ۳ کتاب درسی

## فعالیت



۱) کدام یک از عبارت‌های زیر، مشخص کننده یک مجموعه است؟ مجموعه موردنظر را نمایش دهید.

الف) عددهای طبیعی و یک رقمی

ب) چهار شاعر ایرانی

ج) دو عدد اول کوچک‌تر از ۱۲

۲) با توجه به شرط متمایز بودن عضوهای یک مجموعه، جاهای خالی را پر کنید:

الف) به جای  $\{ \quad , \quad , \quad , \quad \}$  باید بنویسیم  $A = \{1, 2, 1, 4\}$

ب) به دلیل تکراری بودن عدد در  $\{5, 6, 5, 7\}$  آن را به صورت می‌نویسیم.

## نتیجه

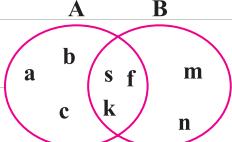
اگر مجموعه  $A$  را به صورت  $A = \{a, b, \dots, \}$  در نظر بگیریم، برای نشان دادن اینکه  $a$  عضوی از مجموعه  $A$  است، می‌نویسیم  $a \in A$  و می‌خوانیم « $a$  عضو  $A$  است» و چون عدد  $4$  عضو  $A$  نیست، می‌نویسیم  $4 \notin A$  و می‌خوانیم « $4$  عضو  $A$  نیست».

صفحه ۳ و ۴ کتاب درسی

## فعالیت



۱) با توجه به نمودار ون، که برای دو مجموعه  $A$  و  $B$  رسم شده است، مجموعه‌های  $A$  و  $B$  را با عضوهایشان مشخص کنید.



۲) دو مجموعه  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  و  $B = \{5, 6, 7, 8\}$  را در نظر بگیرید.

دو مجموعه را با یک نمودار ون نمایش دهید. کدام عددها هم در منحنی بسته مربوط به  $A$  و هم در منحنی

بسه  $B$  وجود دارد؟

مجموعه عددهای دورقی و زوج اول را بنویسید و آن را E بنامید. این مجموعه چند عضو دارد؟

۳

### نننه

«اگر در مجموعه‌ای عضوی وجود نداشته باشد، آن را مجموعه تهی می‌نامیم و با نماد  $\emptyset$  یا {} نمایش می‌دهیم.» توجه شود که این مجموعه با مجموعه  $\{\emptyset\}$  یا {} که هر کدام دارای یک عضو هستند، یکی نیست.

کدام یک از عبارت‌های زیر، مجموعه تهی را مشخص می‌کند؟

۴

- ب) عددهای صحیح بین -۱ و ۰
- الف) عددهای طبیعی بین ۵ و ۶
- د) عددهای طبیعی یک رقمی و مضرب ۳ که اول باشد.
- ج) عددهای اول و زوج

صفحة ۴ کتاب درسی

### کار در کلاس

۱

سه عبارت بنویسید که هر کدام نشان‌دهنده مجموعه تهی باشد؛ سپس عبارت‌های خود را با نوشه‌های

هم کلاسی‌های خود مقایسه کنید.

۲

سه عبارت بنویسید که هر کدام مشخص کننده مجموعه‌ای فقط با یک عضو باشد.

عبارت‌هایی که مجموعه‌ای را مشخص می‌کند، با علامت ✓ و بقیه را با علامت ✗ مشخص کنید. (با ذکر دلیل). ۳

ب) سه عدد طبیعی زوج متوالی با شروع از ۲ الف) چهار عدد فرد متوالی

د) سه شهر ایران ج) عدهای اول کوچک‌تر از ۲۰

و) ۵ عدد بزرگ ه) شمارندهای عدد ۲۴

ز) عدهای طبیعی بین ۲ و ۳

مانند نمونه کامل کنید. ۴

• • •

$$A = \{ \text{ی, ..., پ, ب, الف} \}$$

مجموعه حروف الفبای فارسی

$$B = \{ ۴, ۸, ۱۲, \dots \}$$

$$\{ ۳, ۴, ۵, ۶, ۷, ۸, ۹ \}$$

مجموعه حروف a و b و عدد ۳

مجموعه عدهای صحیح بین -۲ و -۳

$$D = \{ ۵ \}$$

مجموعه مضرب‌های طبیعی عدد ۴

$$E = \{ \}$$

مجموعه عدهای اول یک رقمی

$$F = \{ ۲, ۴, ۶, ۸ \}$$

مجموعه مضرب‌های اول عدد ۵

مجموعه عدهای طبیعی بین ۲ و ۱۰

$$\{ ۳, a, b \}$$

$$H = \{ ۲, ۳, ۵, ۷ \}$$

$$\{ ۶, ۴, ۲, ۸ \}$$



کدامیک از عبارت‌های زیر مشخص کننده یک مجموعه است؟ با نمودار و نشان دهید. ۵

الف) عدهای صحیح مثبت و کم‌تر از ۱۰

ب) شمارندهای اول عدد ۱۹

ج) عدهایی که شش وجه یک تاس معمولی را مشخص می‌کند.

د) جواب‌های معادله  $2x + 8 = 1$

ه) چهار میوه خوشمزه

و) عدهای صحیح منفی و بزرگ‌تر از -۸



۱) متناظر با هر عبارت، یک مجموعه و متناظر با هر مجموعه، یک عبارت بنویسید و تعداد عضوهای هر مجموعه

را تعیین کنید:

$$A = \{1, 8, 27, 64, 125\}$$

$$C = \{10\}$$

ج) عددهای طبیعی مضرب ۵ و کوچک‌تر از ۱۰۰

د) عددهای طبیعی بزرگ‌تر از ۴ و کوچک‌تر از ۵

ه) عددهای صحیح منفی که بین ۴ و ۷ قرار دارد.

و) عددهای اول دورقمی که مضرب ۷ باشد.

۲)

جاهای خالی را طوری کامل کنید تا عبارت حاصل، درست باشد.

الف) عبارت «۵ عدد طبیعی که بین ۱ و ۲۰ قرار داشته باشد» یک مجموعه را مشخص

ب) مجموعه  $\{9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2\}$  دارای عضو است.

ج) مجموعه  $\{\emptyset\}$  دارای عضو است.

د) با توجه به مجموعه  $A = \{3, 5, 7, 9, 11\}$ : عضو  $A$  است یا با نماد ریاضی، و ۱۲ عضو

$A$  نیست یا با نماد ریاضی،

۳)

سه مجموعه متفاوت بنویسید که عدد ۲ عضو آن‌ها باشد.



۱)

جدول عددهای صحیح رویه‌رو را طوری کامل کنید که مجموع عددهای روی هر

۱۰		۱۲
-۴		-۲

سطر، هر ستون و هر قطر آن برابر ۱۲ شود؛ سپس مجموعه عددهای سطر دوم جدول را بنویسید و آن را  $A$  بنامید.

اکنون مجموعه  $B$  را چنان بنویسید که شامل سه عدد زوج متوالی و میانگین عضوهای آن با ۴ برابر باشد.

هر یک از مجموعه های  $A$  و  $B$  چند عضو دارد؟

آیا هر عضو  $A$  در مجموعه  $B$  است؟

### نکته

همان طور که ملاحظه کردید، عضوهای دو مجموعه  $A$  و  $B$  یکسانند و هر عضو  $A$ ، عضوی از  $B$  و هر عضو  $B$ ، عضوی از  $A$  است؛ در این صورت دو مجموعه  $A$  و  $B$  برابراند و می‌نویسیم  $A = B$ .

۲ مجموعه  $A$  شامل سه عدد طبیعی متوالی است به طوری که حاصل جمع آنها برابر ۲۷ است. ابتدا  $A$  را با

عضوهای آن بنویسید؛ سپس مجموعه هایی را مشخص کنید که در زیر معرفی شده و با  $A$  برابر است:

الف) مجموعه عددهای طبیعی بین ۶ و ۱۰

ب) مجموعه عددهای طبیعی بزرگ‌تر از ۷ و کوچک‌تر از ۱۱

ج) مجموعه سه عدد طبیعی متوالی که میانگین آنها با ۹ برابر است.

صفحه ۶ و ۷ کتاب درسی



۱ جاهای خالی را در مجموعه های زیر طوری پر کنید که مجموعه ها برابر باشد:

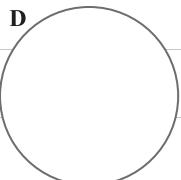
$$\text{الف)} \{ \sqrt{25}, \dots, \frac{2}{5}, \frac{4}{5}, \frac{9}{5} \} = \{ \frac{2}{3}, \frac{3}{5}, -\sqrt{144}, (-2)^2 \}$$

$$\text{ب)} \{ 7, \frac{4}{10}, \sqrt{\frac{4}{9}}, -\frac{1}{2}, \dots, 0/625 \} = \{ \frac{2}{3}, \frac{2}{5}, -0/5, \frac{5}{8}, \dots, -2 \}$$

۲ دو مجموعه به نامهای  $A$  و  $B$  مانند سؤال بالا طرح کنید. پاسخ خود را با دوستانتان مقایسه کنید.



مجموعه عددهای جدول فعالیت قبل را  $D$  بنامید؛ سپس عضوهای مجموعه  $D$  را در



نمودار ون رو به رو بنویسید.

در نمودار بالا، عضوهایی را که بر ۳ بخش پذیر است، با یک منحنی بسته مشخص کنید و  $B$  بنامید.

مجموعه  $B$  را بنویسید. آیا هر عضو  $B$ ، عضوی از  $D$  نیز هست؟

در مجموعه  $D$ ، عددهای زوج را مشخص کنید و آن را  $C$  بنامید؛ آیا  $D = C$  است؟

آیا مجموعه  $C$  زیرمجموعه  $D$  است؟

### نکته

با توجه به تعریف زیرمجموعه، واضح است که هر مجموعه، زیرمجموعه خودش هست؛ یعنی اگر  $A$  مجموعه‌ای

$$A \subseteq A$$

دلخواه باشد، داریم:

اکنون زیرمجموعه‌ای از  $D$  را مشخص کنید که عضوهای آن عددهای فرد باشد؛ نام دیگر این مجموعه چیست؟

آیا عبارت  $D \subseteq \{10, 4, -6, 2\}$  درست است؟ چرا؟

### نکته

اگر بتوانیم عضوی در  $B$  بیابیم که در  $A$  نباشد، می‌گوییم  $B$  زیرمجموعه  $A$  نیست و می‌نویسیم  $B \not\subseteq A$ .

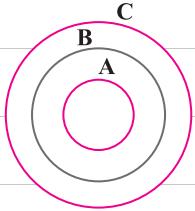
آیا در مجموعه تهی عضوی هست که در مجموعه دلخواهی مانند  $A$  نباشد؟

### نکته

مجموعه تهی زیرمجموعه هر مجموعه‌ای دلخواه مانند  $A$  است:  $\emptyset \subseteq A$

صفحه ۸ کتاب درسی

کار در کلاس



با توجه به نمودار مقابل، دلیل درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.

$C \subseteq A$

$B \subseteq A$

$A \subseteq C$

$A \subseteq B$

$B \subseteq C$

$\emptyset \subseteq A$

مجموعه‌های  $A$ ،  $B$  و  $C$  را درنظر بگیرید؛ سپس درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.

$$A = \{1, 3, 5, 4\}, \quad B = \{5, 1, 3\}, \quad C = \{2, 5, 1, 3, 6\} \quad (\text{با ذکر دلیل}).$$

$B \subseteq A$

$3 \subseteq B$

$A \subseteq B$

$B \subseteq C$

$A \subseteq C$

$2 \in A$

$\{1, 4\} \in A$

$6 \notin A$

$\{5, 6\} \subseteq C$

$\Delta \in C$

$\circ \subseteq A$

همه زیرمجموعه‌های  $A = \{a, b, c\}$  در زیرنوشته شده است:

$$\emptyset, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}$$

مانند نمونه، تمام زیرمجموعه‌های هریک از مجموعه‌های زیر را بنویسید:

الف) مجموعه عددهای طبیعی بین ۹ و ۱۲.

(ب)  $\{a, b, c, d\}$

صفحه ۱۰ کتاب درسی

کار در کلاس



مجموعه‌های زیر را با عضوها مشخص کنید:

الف) مجموعه عددهای صحیح فرد

$$A = \{x \mid x \in \mathbb{Z}, -5 \leq x < 5\}$$

$$B = \{3k+2 \mid k \in \mathbb{Z}\}$$

(ج)

صفحه ۱۰ کتاب درسی

تمرین



۱) مجموعه  $\{ -2, -1, 0, 1, 2 \}$  را در نظر بگیرید. کدام یک از مجموعه‌های زیر با هم برابر است؟

$$B = \{x \mid x \in A, x^2 \leq 2\}, \quad C = \{x \mid x \in A, -1 \leq x \leq 1\}, \quad D = \{x \mid x \in A, x^4 = 1\}$$

۲) سه مجموعه مانند  $A$ ,  $B$  و  $C$  بنویسید؛ به طوری که  $B \subseteq C$  و  $A \subseteq B$ . آیا می‌توان نتیجه گرفت  $A \subseteq C$  بود؟

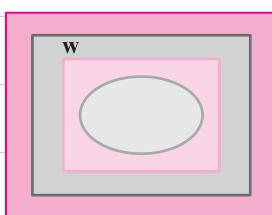
۲

۳) تمام زیرمجموعه‌های هر یک از مجموعه‌های زیر را بنویسید:

۳

$$(الف) A = \{x \mid x \in \mathbb{N}, 2x+1=3\}$$

$$(ب) B = \{2x \mid x = 0, 1, 2\}$$



۴) نمودار رو به رو، وضعیت مجموعه‌های  $\mathbb{Q}$ ,  $\mathbb{W}$ ,  $\mathbb{N}$  و  $\mathbb{Z}$  را نسبت به هم

نشان می‌دهد؛ آن‌ها را نام‌گذاری و با علامت  $\subseteq$  با هم مقایسه کنید.

۴

۵) درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را با ذکر دلیل مشخص کنید:

۵

(الف) هر عدد گویا عددی حسابی است.

۶

(ب) هر عدد حسابی عددی گویاست.

۷

(ج) هر عدد صحیح عددی گویاست.

۸

(د) بعضی از عدهای گویا، عدد صحیح‌اند.

۹