

# فصل اول

## اعداد والگوها

### ۵ عددنویسی

با حروف «ا، ن، م، ی» چندین کلمه‌ی متفاوت می‌توان نوشت، مانند: امین، مینا، نیما، مانی، مامان، نان، امان، ایمان و ... در حقیقت، تمام کلمه‌هایی که در زبان فارسی مورد استفاده قرار می‌گیرند، با استفاده از ۳۲ حرف الفبا ساخته می‌شوند. در مورد اعداد هم همین‌طور است. تمام اعدادی که می‌شناسیم (اعداد مشابه کلمات هستند)، تنها با استفاده از ۱۰ رقم (مشابه حروف الفبا) ساخته شده‌اند که عبارت‌اند از: ۰، ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷، ۸، ۹

به‌طور مثال، با ارقام ۱، ۲، ۳ می‌توان این اعداد ۳ رقمی را نوشت:

۱۱۱، ۱۱۲، ۱۱۳، ۱۲۱، ۱۲۲، ۱۲۳، ۱۳۱، ۱۳۲، ۱۳۳، ۲۱۱، ۲۱۲، ۲۱۳، ۲۲۱، ۲۲۲، ۲۲۳، ۲۳۱، ۲۳۲، ۲۳۳، ۳۱۱، ۳۱۲

۳۱۳، ۳۲۱، ۳۲۲، ۳۲۳، ۳۳۱، ۳۳۲، ۳۳۳

**نکته:** نوشنی اعدادی که ارقام آنها تکراری **باشند**، فقط تا عدد ۱۰ **رقمی** ممکن است؛ زیرا تنها ده رقم متمایز داریم و عددهایی با تعداد ارقام بیشتر، حتماً رقم **تکراری** خواهند داشت.

### ۶ طبقه و مرتبه

برای خواندن یک عدد، آن را از **سمت راست**، سه رقم سه رقم جدا کرده و با توجه به **مرتبه** و **طبقه‌اش** می‌خوانیم.

مثال ۱ عدد **۹۳۶۰۵۸۴۰۲۱۰۷۰** را خوانده و طبقه و مرتبه‌ی رقم (۲) را مشخص کنید.

طبقه	مرتبه	یکی‌ها	هزارها	میلیون‌ها	میلیارد‌ها
۳	۶	۹	۷	۱	۰
رقم	مرتبه	یکان	دهان	صدگان	صدگان

پانصد و هشتاد و چهار میلیارد و بیست و یک میلیون و هفتاد هزار و نهصد و سی و شش

رقم ۲ در طبقه‌ی میلیون‌ها و مرتبه‌ی دهگان میلیون قرار دارد.

### ۷ ارزش مکانی

ارزش مکانی هر رقم، برابر با حاصل ضرب آن رقم در مرتبه‌اش است. در مثال (۱)، ارزش مکانی ارقام ۴، ۷ و ۹ برابر است با:

رقم	مرتبه	ارزش مکانی
۴	$\times$	$4 / ۰۰۰ / ۰۰۰ / ۰۰۰$
۷	$\times$	$7 / ۰۰۰$
۹	$\times$	$9 / ۰۰$

**نکته:** در همه‌ی اعداد، اولین رقم سمت راست، **کمترین** و اولین رقم سمت چپ، **بیشترین** ارزش مکانی را دارد.



در نوشتند اعداد، در هر مرتبه، تنها یک رقم نوشته می‌شود، اما گاهی در سؤالات از تعداد ارقام بیشتری استفاده می‌شود که در این صورت باید با محاسبه‌ی حاصل جمع ارزش مکانی اعداد داده شده، عدد موردنظر را یافت.

### مسئلہ ۲ عددی از ۱۵ یکی، ۲۴۰ دهتایی و ۳۵ صدتایی تشکیل شده است. این عدد چند است؟

$$\begin{array}{rcl} 15 \times 1 & = & 15 \\ 240 \times 10 & = & 2400 \\ 35 \times 100 & = & + 3500 \\ & & \hline 5915 \end{array}$$

برای تعیین تعداد چند عدد متوالی که ابتدا و انتهای آنها مشخص است، باید به کلمه‌های به کاررفته در صورت سؤال دقّت کرد:

(الف) اگر تعداد اعداد «از» ابتدا «تا» انتهای را خواسته بودند (ابتدا و انتهای را هم باید محاسبه کرد)، از رابطه‌ی زیر استفاده می‌کنیم:

$$1 + (\text{ابتدا} - \text{انتهای}) = \text{تعداد اعداد}$$

$$(287 - 35) + 1 = 252 + 1 = 253$$

### مسئلہ ۳ از ۳۵ تا ۲۸۷ چند عدد داریم؟

(ب) اگر تعداد اعداد «بین» ابتدا «و» انتهای را خواسته بودند (ابتدا و انتهای جزو اعداد محاسبه نمی‌شوند)، از رابطه‌ی زیر استفاده می‌کنیم:

$$1 - (\text{ابتدا} - \text{انتهای}) = \text{تعداد اعداد}$$

$$(896 - 124) - 1 = 772 - 1 = 771$$

### مسئلہ ۴ بین ۱۲۴ و ۸۹۶ چند عدد وجود دارد؟

تعداد اعداد یکرقمی (از ۱ تا ۹)، نه تا است. برای محاسبه‌ی تعداد دیگر اعداد چندرقمی، کافی است یکی از دو روش زیر را انجام دهیم:

**روش اول:** اختلاف بزرگ‌ترین عدد چندرقمی و بزرگ‌ترین عدد با یک رقم کمتر را به دست می‌وریم.

### مسئلہ ۵ چند عدد ۵ رقمی داریم؟

در حقیقت، از ۱ تا ۹۹۹۹۹ (بزرگ‌ترین عدد ۵ رقمی)، ۹۹۹۹ عدد (بزرگ‌ترین عدد ۴ رقمی)، ۹۰۰۰۰ (عدد ۵ رقمی)، ۵ رقمی نیستند و مابقی (۹۰۰۰۰ عدد)، ۵ رقمی هستند.

**روش دوم:** رقم ۹ را می‌نویسیم و جلوی آن، به تعداد یکی کمتر از ارقام، صفر می‌گذاریم.

$$\begin{array}{r} 9 \\ - 7 \\ \hline 2 \end{array}$$

### مسئلہ ۶ چند عدد ۷ رقمی داریم؟

## ۵ ترتیب عملیات

گاهی در یک عبارت، چند عمل مختلف وجود دارد که بسته به اولویت انجام عملیات، جواب‌های متفاوتی برای آن به دست می‌آید. مانند:

$$18 - 3 \times 6 + 4 \div 2 = ?$$

$$1) \quad \underbrace{18 - 3}_{15} \times 6 + 4 \div 2 = 15 \times 6 + 4 \div 2 = 90 + 4 \div 2 = 94 \div 2 = 47$$

$$2) \quad 18 - \underbrace{3 \times 6}_{18} + 4 \div 2 = 18 - 18 + 4 \div 2 = 0 + 4 \div 2 = 4 \div 2 = 2$$

$$3) \quad \underbrace{18 - 3}_{15} \times 6 + \underbrace{4 \div 2}_{10} = 15 \times 6 + 4 \div 2 = 90 + 2 = 92$$

$$4) \quad 18 - \underbrace{3 \times 6}_{18} + \underbrace{4 \div 2}_{2} = 18 - 18 + 2 = 0 + 2 = 2$$

$$5) \quad \underbrace{18 - 3}_{15} \times 6 + \underbrace{4 \div 2}_{2} = 15 \times 6 + 2 = 90 + 2 = 92$$

## بخش اول : ریاضیات



از این رو ترتیب عملیات در ریاضی، بسیار حائز اهمیت و این‌چنین است:

- ۱ پرانتز (از داخلی ترین تا بیرونی ترین)
- ۲ ضرب یا تقسیم (از چپ به راست)
- ۳ جمع یا تفریق (از چپ به راست)

$$25 + 3 \times 4 \div 2 - (7 + 3) =$$

$$25 + \underbrace{3 \times 4}_{(3)} \div 2 - \underbrace{(7+3)}_{(1)}$$

$$\underbrace{\quad\quad\quad}_{(2)} \quad\quad\quad \underbrace{\quad\quad\quad}_{(4)}$$

$$\underbrace{\quad\quad\quad}_{(5)}$$

$$1) 7+3=10$$

$$2) 3 \times 4 = 12$$

$$3) 12 \div 2 = 6$$

$$4) 25+6=31$$

$$5) 31-10=21$$

**مثال ۶** حاصل عبارت مقابله را به دست آورید.

$$2+5 \times (12 \div 4 - 3) - 1 =$$

$$18 \div 3 + 9 - (4+4 \div 2) =$$

**سؤال ۱** حاصل هریک از عبارت‌های زیر را به دست آورید.

۱۰

برنامه  
ریاضی

### ۵ به دست آوردن تعداد اعداد چند رقمی با ارقام مشخص

گاهی چند رقم داده می‌شود و تعداد اعداد چند رقمی را می‌خواهند که با آن ارقام می‌توان نوشت. این‌گونه مسائل ممکن است به چند صورت مطرح شوند:

**(الف) تکرار ارقام مجاز باشد:** در این صورت، در هر مرتبه می‌توان به تعداد ارقام داده شده، رقم متفاوت گذاشت و درنتیجه، تعداد کل اعداد از حاصل ضرب تعداد ارقامی به دست می‌آید که در هر مرتبه می‌توان قرار داد.

**مثال ۷** با ارقام ۷، ۲، ۵، ۴ و ۱ چند عدد سه‌رقمی می‌توان نوشت؟

در هر مرتبه، هریک از اعداد داده شده (پنج عدد ۷، ۲، ۵، ۴ و ۱) را می‌توان نوشت و داریم:

یکان دهگان صدگان

$$5 \times 5 \times 5 = 125 \quad \text{تعداد اعداد}$$

**نکته:** در صورتی که عدد **صف**، جزو ارقام داده شده باشد، **آخرین** (بزرگ‌ترین) مرتبه را **نمی‌توان** صفر قرار داد و باید یکی از تعداد ارقام کم کرد، اما در مرتبه‌های دیگر، به تعداد ارقام داده شده، می‌توان رقم گذاشت.

یکان دهگان صدگان

**مثال ۸** با ارقام ۲، ۹، ۶ و ۰ چند عدد سه‌رقمی می‌توان نوشت؟

$$4 \times 4 \times 4 = 48 \quad \text{تعداد اعداد}$$

اگر صفر بگذاریم، عدد دورقمی می‌شود.

**(ب) عدد زوج یا فرد باشد:** در این صورت، تنها تفاوتی که با حالت قبلی دارد، این است که تعداد رقم‌هایی که در مرتبه‌ی یکان قرار می‌گیرد، بستگی به **زوج** یا **فرد** بودن ارقام داده شده دارد. (چون عددی زوج (یا فرد) است که یکانش زوج (یا فرد) باشد.)

یکان دهگان صدگان

**مثال ۹** با ارقام ۷، ۳، ۴، ۸ و ۰ چند عدد سه‌رقمی زوج می‌توان نوشت؟

$$5 \times 5 \times 5 = 60 \quad \text{تعداد اعداد}$$

۰ یا ۸ یا ۴ صفر نمی‌تواند باشد.



ج) تکرار ارقام مجاز نباشد: در این صورت، اگر از رقمی در یک مرتبه استفاده کنیم، اجازه نداریم مجدداً از آن استفاده کنیم. به همین دلیل در هر مرتبه، تعداد ارقام یکی کمتر از مرتبه قبلي می‌شود و تعداد کل اعداد از حاصل ضرب ارقامی به دست می‌آید که در هر مرتبه می‌توان قرار داد.

مثال ۱۱ با ارقام ۹، ۵، ۶، ۴ و ۳ چند عدد چهاررقمی بدون تکرار ارقام می‌توان نوشت؟

یکان دهگان صدگان یکان هزار

$$= ۱۲۰ \quad \text{تعداد اعداد}$$

مثال ۱۲ با رقم‌های ۷، ۲، ۰، ۳ و ۱ چند عدد چهاررقمی بدون تکرار می‌توان نوشت؟

یکان دهگان صدگان یکان هزار

$$= ۹۶ \quad \text{تعداد اعداد}$$

صفرا نمی‌تواند باشد.

### ۹ به دست آوردن تعداد ارقام چند عدد متوالی با ابتدا و انتهای مشخص

در ابتدا باید تعداد کل اعداد و سپس تعداد اعداد یکرقمی، دورقمی، سه رقمی و ... را مشخص کرد و تعداد اعداد هر کدام را در تعداد رقم‌هایشان ضرب کرد. (به طور مثال، برای ۹۰ عدد دورقمی  $\underbrace{۰}_{\text{تعداد اعداد دورقمی}} \times \underbrace{۹}_{\text{تعداد اعداد}} = ۹۰$  رقم نیاز داریم). تعداد کل رقم‌ها از مجموع این حاصل ضرب‌ها به دست می‌آید.

مثال ۱۳ برای شماره‌گذاری یک کتاب ۲۵۴ صفحه‌ای، چند رقم به کار رفته است؟

تعداد اعداد	تعداد ارقام				
۹	$\times$	۱	=	۹	۹ عدد یکرقمی
۹۰	$\times$	۲	=	+ ۱ ۸ ۰	۹۰ عدد دورقمی
۱۵۵	$\times$	۳	=	۴ ۶ ۵	۱۵۵ عدد سه رقمی
				<hr/>	(۲۵۴ - ۹۹) = ۱۵۵
				۶ ۵ ۴	

مثال ۱۴ اگر اعداد ۲۵ تا ۱۱۳ را بدون فاصله پشت سرهم بنویسیم، عدد حاصل چند رقمی خواهد بود؟

۱۱	۱۱۳ - ۲۵ = ۸۹	تعداد اعداد
	۱۱۳ - ۹۹ = ۱۴	تعداد اعداد سه رقمی
	۸۹ - ۱۴ = ۷۵	تعداد دورقمی

۱۱۳ - ۲۵ = ۸۹

۱۱۳ - ۹۹ = ۱۴

۸۹ - ۱۴ = ۷۵

۷۵ = تعداد ارقام  $\Rightarrow (۷۵ \times ۲) + (۱۴ \times ۳) = ۱۵۰ + ۴۲ = ۱۹۲$

**نکته:** تعداد دفعات استفاده از یک رقم، در نوشتن چند عدد متوالی، برابر با مجموع تعداد دفعاتی است که آن عدد می‌تواند در هر مرتبه خاص قرار گیرد.

مثال ۱۵ در نوشتن اعداد ۱ تا ۱۱۵، چندبار از عدد ۴ استفاده کرده‌ایم؟

یکان دهگان صدگان	۰ + ۱۰ + ۱۲ = ۲۲	۴، ۱۴، ۲۴، ۳۴، ۴۴، ۵۴، ۶۴، ۷۴، ۸۴، ۹۴، ۱۰۴، ۱۱۴
	۴۰, ۴۱, ۴۲, ۴۳, ۴۴, ۴۵, ۴۶, ۴۷, ۴۸, ۴۹	

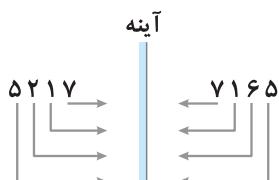
**تلذّک:** تعداد اعدادی که رقم ۴ در آنها استفاده شده است، یکی کمتر است؛ چون عدد ۴۴ را دو بار شمرده‌ایم (یک بار برای یکان و یک بار برای دهگان؛ یعنی:

۶ تصویر اعداد در آینه

تصویر ارقام ۳، ۴ و ۹ در آینه بی‌معنی و تصویر ارقام ۰، ۱، ۵، ۷ و ۸ برابر با خودشان است، اما ارقام ۲ و ۶ در آینه به یکدیگر تبدیل (تصویر ۲، عدد ۶ و تصویر ۶، عدد ۲) می‌شوند.

پای ای سافت، تصویر یک عدد در آینه یک، از دو، پوشاند، امی توان انجام داد:

- ۱ در کنار عدد (سمت راست یا چپ تفاوتی ندارد). باید خطی رسم کرد و تصویر هر رقم را در سوی دیگر خط نوشت. نکته‌ی قابل توجه آن است که باید فاصله‌ی ارقام تا آینه، در دو سوی آینه **یکسان** باشد؛ یعنی اگر فاصله‌ی رقمی در این سوی آینه کمتر از دیگر ارقام است، فاصله‌ی تصویرش تا آینه نیز باید کمترین باشد.



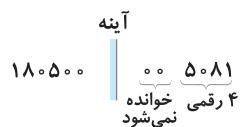
**مثال ۱۶** تصویر عدد ۵۲۱۷ در آینه، جه عددی، است؟

۲ عدد را پیوونگ بپرسیم و از روی دیگر (بیشتر) کاغذ، آن را می‌خوانیم.



**مثال ۱۱** تصویر عدد ۷۵۲ در آپنه، چه عددی است؟

**نکته:** تعداد ارقام تصویر عددی که رقم بارقام‌های سمت راستش صفر است، به تعداد صفحه‌های سمت راست، کمتر از تعداد ارقام آن عدد است.



مثال ۱۶ تصویر عدد ۱۸۰۵۰۰ در آینه، چند رقمی است؟

۶ رمزنویسی

گاهی اوقات به جای کلمه‌ها، از اعداد استفاده می‌شود. (هر عدد معادل یک کلمه است). در این نوشه‌های رمزگونه، معمولاً یکی از دو حالت زیر پیش می‌آید:

- ۱) اعداد هم (برخلاف معمول) مانند حروف، از راست به چپ نوشته می‌شوند و همزمان با حرف به حرف خواندن کلمه‌ی رمز، عدد مربوط به آن حرف از راست به چپ نوشته می‌شود.

<sup>۱۴</sup> یک رمزنویس، کلمه‌ی «استکان» را با عدد ۲۷۶۴۵۷ و کلمه‌ی «کتری» را با عدد ۹۳۴۶ می‌نویسد. این رمزنویس هتل

به جای کلمه‌ی «سینی» از چه عددی استفاده می‌کند؟

ن	ا	ک	ت	س	ا	,	ی	ر	ت	ک	ی	ن	ی	س
۲	۷	۶	۴	۵	۷		۹	۳	۴	۶	۹	۲	۹	۵



۲۱) اعداد از سمت چپ و حروف از سمت راست نوشته می‌شوند و با این‌که هر عدد به یک حرف خاص تعلق دارد، باید دقّت کرد که جهت نوشتن حروف **برعکس** است.

۲۰) هتل<sup>۱</sup> اگر کلمه‌ی «سلامتی» را با عدد ۱۲۳۴۵۶ و کلمه‌ی «بهداشت» را با عدد ۷۸۰۳۹۵ بنویسیم، کلمه‌ی «شادابی» را با چه عددی می‌نویسیم؟

نمی‌توان مانند قبل، اعداد را از راست به چپ گذاشت؛ چون در این صورت برای «ا» دو رقم ۰ و ۴ و برای «ت» دو رقم ۲ و ۷ را داریم که صحیح نیست. به همین دلیل، حروف را برخلاف معمول، از چپ به راست می‌نویسیم:



که در این صورت، مشکل رفع می‌شود و هر حرف، تنها معادل یک عدد است.  
۳) به جای «ا» و ۵ به جای «ت» پس کلمه‌ی «شادابی» را هم از چپ به راست می‌نویسیم و حروف آن را با ارقام جایگذاری می‌کنیم:

ش	ا	د	ا	ب	ي
۹	۳	۰	۳	۷	۶

## ۶) الگوهای عددی

گاهی بین تعدادی شکل یا عدد رابطه‌ای وجود دارد که الگو نامیده می‌شود. پیدا کردن الگو و بیان آن به صورت نوشتاری و کلامی، از مهارت‌های مهم در یادگیری ریاضیات است که به حل بسیاری از مسائل پیچیده‌ی ریاضی کمک می‌کند. در حقیقت الگویابی یکی از راهبردهای مهم حل مسئله است.

## ۷) الگوهای عددی

در این الگو که از تعدادی عدد تشکیل شده است، ابتدا باید رابطه‌ی بین اعداد را کشف و سپس اعداد بعدی الگو را حدس زد. اعداد در این الگوها غالباً در دو نوع **صعودی** (افزایشی) و **نزولی** (کاهشی) ظاهر می‌شوند.

۱۳

۱۴

### ۱) الگوهای عددی افزایشی

در این گونه الگوهای عددی، هر عدد از عدد قبلی خود بزرگ‌تر است و عموماً در آنها از عملیات جمع و ضرب و گاهی ترکیب آنها با سایر عملیات (مثلثاً تفریق) استفاده می‌شود.

۲۱) با توجه به الگوهای عددی داده شده، به جای ؟ چه عددی قرار می‌گیرد؟

همان‌طور که مشاهده می‌کنید، هر عدد ۴ واحد از عدد قبلی خود بزرگ‌تر است.

$$3, 7, 11, 15, 19, ?$$

$3 + 4 = 7$   
 $7 + 4 = 11$   
 $11 + 4 = 15$   
 $15 + 4 = 19$

بنابراین برای یافتن عدد بعدی، کافی است عدد ۱۹ را با ۴ جمع کنیم:

۲) ۱۰, ۱۱, ۱۳, ۱۷, ۲۵, ۴۱, ? (ب)

$$10, 11, 13, 17, 25, 41, ?$$

$10 + 1 = 11$   
 $11 + 2 = 13$   
 $13 + 4 = 17$   
 $17 + 8 = 25$   
 $25 + 16 = 41$

اعداد به ترتیب  $1 + 2 + 4 + \dots$  شده‌اند و اعدادی که افزوده می‌شوند،

در حال دو برابر شدن هستند، بنابراین به عدد بعدی، باید  $32$  واحد ( $2 \times 16 = 32$ ) افزود:

$$41 + 32 = 73$$



ج) ۱, ۱, ۲, ۳, ۵, ۸, ۱۳, ?

در این الگو، هر عدد از مجموع دو عدد قبلی خود ساخته می‌شود. (البته دو عدد اول، تنها برای پیدا کردن رابطه هستند).

$$1+1=2, \quad 1+2=3, \quad 2+3=5, \quad 3+5=8, \quad 5+8=13$$

$$8+13=21$$

بنابراین برای یافتن عدد بعدی، کافی است دو عدد ۸ و ۱۳ را با هم جمع کنیم:

د) ۱, ۴, ۹, ۱۶, ۲۵, ?

برای این اعداد می‌توان دو الگوی متفاوت در نظر گرفت که پاسخ هر دو، در نهایت یکی است.

$$\begin{array}{ccccccc} +3 & +5 & +7 & +9 \\ 1, & 4, & 9, & 16, & 25, & ? \end{array}$$

راه حل اول:

به تعداد اعداد فرد، به اعداد افزوده شده است، بنابراین به عدد بعدی ۱۱ واحد افزوده می‌شود.

راه حل دوم: اعداد این الگو از حاصل ضرب عددهای طبیعی در خودشان به دست آمده‌اند و کافی است برای پیدا کردن هر

عضو این الگو، آن را در خودش ضرب کنیم، مثلاً عامین عضو این الگو از حاصل ضرب  $6 \times 6$  می‌آید و برابر با ۳۶ است.

$$\begin{array}{ccccccc} 1, & 4, & 9, & 16, & 25, & ?, & ? \\ 1 \times 1 & 2 \times 2 & 3 \times 3 & 4 \times 4 & 5 \times 5 & & \end{array}$$

ه) ۱, ۳, ۹, ۲۷, ۸۱, ?

$$\begin{array}{ccccccc} \times 3 & \times 3 & \times 3 & \times 3 \\ 1, & 3, & 9, & 27, & 81, & ?, & ? \end{array}$$

هر عدد سه برابر عدد قبلی خود است.

برای پیدا کردن عدد بعدی، کافی است ۸۱ را در ۳ ضرب کنیم:

و) ۱, ۴, ۲۰, ۱۲۰, ۸۴۰, ?

رابطه‌ی بین اعداد ضرب است و عددی که در ضرب استفاده می‌شود، هر بار یکی بیشتر می‌شود.

$$\begin{array}{ccccccc} \times 4 & \times 5 & \times 6 & \times 7 \\ 1, & 4, & 20, & 120, & 840, & ?, & ? \end{array}$$

بنابراین کافی است برای پیدا کردن عدد بعدی، ۸۴۰ را در ۸ ضرب کنیم:

۱۴

ز) ۳, ۷, ۱۵, ۳۱, ۶۳, ?

برای این اعداد می‌توان دو الگوی متفاوت در نظر گرفت که پاسخ هر دو، در نهایت یکی است.

راه حل اول: در این الگو، هم‌زمان از عمل ضرب و جمع استفاده شده است.

$$\begin{array}{ccccccc} \times 2+1 & \times 2+1 & \times 2+1 & \times 2+1 \\ 3, & 7, & 15, & 31, & 63, & ?, & ? \end{array}$$

هر عدد از دو برابر عدد قبلی، یک واحد بیشتر است، بنابراین عدد بعدی ۱۲۷ می‌باشد.

راه حل دوم: رابطه‌ی بین اعداد جمع است و عددی که در جمع استفاده می‌شود، هر بار دو برابر می‌شود.

$$\begin{array}{ccccccc} +4 & +8 & +16 & +32 \\ 3, & 7, & 15, & 31, & 63, & ?, & ? \end{array}$$

بنابراین کافی است برای پیدا کردن عدد بعدی، ۶۳ را با  $64 = 2 \times 32$  جمع کنیم:

یادداشت



ح ۳، ۵، ۱۴، ۵۵، ?

در این الگو، هم‌زمان از عمل ضرب و تفریق استفاده می‌شود و عددی که در ضرب به کار می‌رود،

$$\begin{array}{cccc} \times 2 - 1 & \times 3 - 1 & \times 4 - 1 & \\ 3, & 5, & 14, & 55, \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ ? & & & \end{array}$$

هر بار یکی بیشتر می‌شود، بنابراین برای پیدا کردن عدد بعدی، کافی است ۵۵ را ۵ برابر کرده و یکی از آن کم کنیم:

$$5 \times 55 - 1 = 275 - 1 = 274$$

## (۲) الگوهای عددی کاهشی

در این الگوها برخلاف الگوهای عددی افزایشی، هر عدد از عدد قبلی خود کوچک‌تر است و معمولاً در آنها از عملیات تفریق و تقسیم و گاهی ترکیب آنها با سایر عملیات (مثلاً جمع) استفاده می‌شود.

مثال ۲۲ با توجه به الگوهای عددی داده شده، به جای ؟ چه عددی قرار می‌گیرد؟

الف) ۸۰۰، ۴۰۰، ۲۰۰، ۱۰۰، ?

$$\begin{array}{cccc} \div 2 & \div 2 & \div 2 & \div 2 \\ 800, & 400, & 200, & 100, \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ ? & & & \end{array}$$

همان‌طور که مشاهده می‌کنید، هر عدد نصف عدد قبلی خود است،

$$100 \div 2 = 50$$

بنابراین برای یافتن عدد بعدی، کافی است عدد ۱۰۰ را بر ۲ تقسیم کنیم:

ب) ۶۰، ۵۶، ۵۰، ۴۲، ۳۲، ?

$$\begin{array}{cccc} -4 & -6 & -8 & -10 \\ 60, & 56, & 50, & 42, \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ ? & & & \end{array}$$

به مقدار اعداد زوج، از اعداد کم شده است،

$$32 - 12 = 20$$

بنابراین از عدد بعدی باید ۱۲ واحد کم کرد:

ج) ۹۴، ۴۶، ۲۲، ۱۰، ۴، ?

$$\begin{array}{cccc} \div 2 - 1 & \div 2 - 1 & \div 2 - 1 & \div 2 - 1 \\ 94, & 46, & 22, & 10, \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ ? & & & \end{array}$$

در این الگو، هم‌زمان از عمل تقسیم و تفریق استفاده شده است.

$$(46 \div 2) - 1 = 1$$

بنابراین برای پیدا کردن عدد بعدی، یک واحد از نصف ۴ کم می‌کنیم:

د) ۴۲، ۱۵، ۶، ۳، ?

برای این اعداد می‌توان دو الگوی متفاوت در نظر گرفت که پاسخ هر دو، در نهایت یکی است.

**راه حل اول:** رابطه‌ی بین اعداد تفریق است و عددی که در تفریق استفاده می‌شود، هر بار ثلث عدد قبلی است.

$$\begin{array}{cccc} -27 & -9 & -3 & ? \\ 42, & 15, & 6, & ? \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ ? & & & \end{array}$$

$$3 - 1 = 2$$

بنابراین برای یافتن عدد بعدی، کافی است یک واحد  $(1 = 3 \div 3)$  از عدد ۳ کم کنیم:

$$\begin{array}{cccc} +3 \div 3 & +3 \div 3 & +3 \div 3 & ? \\ 42, & 15, & 6, & ? \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ ? & & & \end{array}$$

**راه حل دوم:** در این الگو هم‌زمان از عمل جمع و تقسیم استفاده می‌شود.

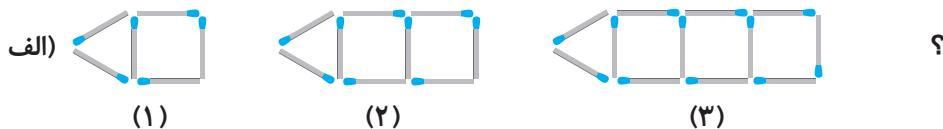
به هر عدد ۳ واحد افزوده شده و ثلث آن محاسبه می‌شود:

$$\begin{array}{cccc} 45 & 18 & 9 & 6 \\ (42+3) \div 3 = 15, & (15+3) \div 3 = 6, & (6+3) \div 3 = 3 \Rightarrow (3+3) \div 3 = 2 & \end{array}$$

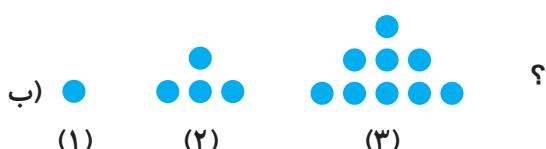
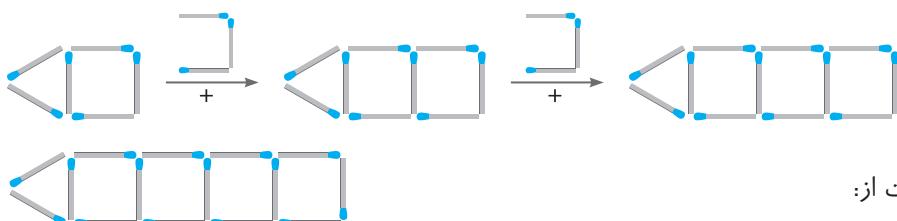
## ۵ الگوهای شکلی

اساس کار الگوهای شکلی هم مانند الگوهای عددی است، یعنی باید با توجه به ترتیب شکل‌ها، رابطه‌ی میان آنها را پیدا کرده و شکل بعدی را حدس زد.

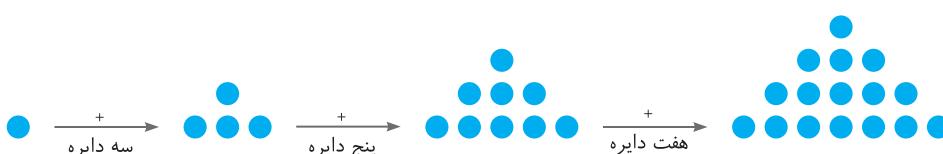
مثال ۳۲ با توجه به الگوهای شکلی داده شده، به جای ؟ چه شکلی قرار می‌گیرد؟



همان‌طور که در شکل زیر مشاهده می‌کنید، هر بار ۳ چوب کبریت به شکل اضافه شده و شکل بعدی ساخته شده است:



هر بار به تعداد فرد به دایره‌ها افزوده شده است، بنابراین شکل چهارم برابر است با:



ساده

### فصل اول: اعداد و الگوها

۱۶

- ۱ تصویر کدامیک از اعداد زیر در آینه، عددی ۳ رقمی است؟
- ۱۰۰۶۰۰ (۴)       ۸۷۰ (۳)       ۱۰۷۰۰ (۲)       ۲۵۰ (۱)

- ۲ کوچک‌ترین عدد ۵ رقمی که مجموع ارقامش ۵ باشد، کدام است؟
- ۱۰۰۰۴ (۴)       ۱۰۰۲۲ (۳)       ۱۰۰۱۳ (۲)       ۱۰۱۱۲ (۱)

- ۳ کدامیک از اعداد زیر، از ۵ صد تا یک، ۲۴ ده تا یک و ۱۳ یکی تشکیل شده است؟
- ۹۵۱ (۴)       ۷۵۳ (۳)       ۷۲۳ (۲)       ۵۲۴۱۳ (۱)

- ۴ مجموع ارقام بزرگ‌ترین عدد پنج رقمی که با رقمهای ۳، ۷ و ۴ می‌توان نوشت، چند است؟
- ۲۶ (۴)       ۳۱ (۳)       ۲۵ (۲)       ۲۸ (۱)

- ۵ چند عدد ۳ رقمی داریم؟
- ۹۹۰ (۴)       ۹۹۹ (۳)       ۹۰۰۰ (۲)       ۹۰۰ (۱)

پنجم



۶ سومین رقم از سمت چپ یک عدد، در مرتبه‌ی دهگان هزار آن قرار دارد. این عدد چند رقمی است؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

۷ بزرگ‌ترین عدد ۵ رقمی زوج (بدون تکرار ارقام) که بزرگ‌ترین مرتبه‌اش عددی زوج است، چند است؟

۸۹۷۶۴ (۴)

۸۹۷۶۵ (۳)

۹۸۷۶۵ (۲)

۹۸۷۶۴ (۱)

۸ در عدد ۵۷۳۵۰۲۵۱، کدام مرتبه مربوط به رقم ۵ نیست؟

۴) دهگان میلیون

۳) یکان میلیون

۲) دهگان هزار

۱) دهگان

۹ ارزش مکانی رقم ۶ در عدد ۳۶۴۲۰، چند برابر ارزش مکانی رقم ۲ است؟

۳ (۴)

۳۰۰ (۳)

۶۰۰۰ (۲)

۶۰۰ (۱)

۱۰ اگر عدد ۶۰۰۰۰ را به عدد ۵۶۷۳۴۹ اضافه کنیم، کدام رقم(ها) تغییر می‌کنند؟

۵ و ۶ (۴)

۶ و ۷ (۳)

۶ (۲)

۷ (۱)

۱۱ کوچک‌ترین عدد ۵ رقمی فرد که ارقام آن تکراری نباشد، چند است؟

۱۰۲۳۵ (۴)

۱۰۲۴۳ (۳)

۱۰۲۳۴ (۲)

۱۲۳۴۵ (۱)

۱۲ در عدد ۲۳۷۴۱، اگر جای ارقام دهگان و دهگان هزار را عوض کنیم، عدد چه تغییری می‌کند؟

۱) هزار برابر می‌شود.

۲) دوهزار برابر می‌شود.

۳) تقریباً بیست‌هزار تا به آن اضافه می‌شود.

۱۳ تصویر کدام عدد در آینه، تغییری نمی‌کند؟

۸۱۵ (۴)

۷۱۶ (۳)

۲۱۶ (۲)

۵۷۸ (۱)

۱۴ مجموع ارقام بزرگ‌ترین عدد ۴ رقمی زوج، چند است؟

۳۲ (۴)

۲۶ (۳)

۳۰ (۲)

۳۵ (۱)

۱۷

۱۵ اختلاف بزرگ‌ترین عدد ۳ رقمی فرد و کوچک‌ترین عدد چهار رقمی زوج (بدون تکرار ارقام) چند است؟

۳۶ (۴)

۳۷ (۳)

۲۵ (۲)

۲۴ (۱)

۴, ۷, ۱۱, ۱۶, ۲۲, ?

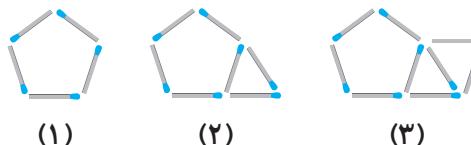
۳۰ (۴)

۲۹ (۳)

۲۸ (۲)

۲۵ (۱)

۱۶ با توجه به الگوی داده شده، شکل پنجم از چند چوب‌کبریت ساخته شده است؟



...

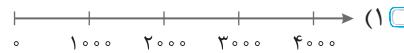
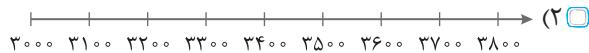
۱۳ (۲)

۱۱ (۱)

۱۵ (۴)

۱۲ (۳)

۱۸ کدام نمودار برای نمایش عدد ۳۷۲۵ مناسب‌تر است؟



## بخش اول : ریاضیات



با پول ۲ پاک کن می توان، ..... خرید. ۱۹

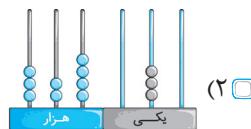
۴) ۳ کارت پستال

۱) ۱ کیلو گوشت

۲) ۱۰۰ دفتر

۱) جفت کفش

کدام عدد با سایرین متفاوت است؟ ۲۰



$$300000 + 20000 + 4000 + 300 \quad (1)$$

$$224030 \quad (3)$$

$$4) ۳ تا ۱۰۰ هزار تایی + ۲ تا ۱۰ هزار تایی + ۴ تا ۱۰ هزار تایی + ۳ تا ۱۰ تایی$$

### متوسط

با ارقام ۲، ۴، ۳، ۵ و ۷، چند عدد سه رقمی زوج می توان نوشت؟ ۲۱

$$۳۲ \quad (4)$$

$$۲۴ \quad (3)$$

$$۵۰ \quad (۲)$$

$$۴۰ \quad (۱)$$

کدامیک از اعداد زیر، کمترین اختلاف را با تصویرش در آینه دارد؟ ۲۲

$$۸۰۱۷۵ \quad (4)$$

$$۵۲۱۶۵ \quad (۳)$$

$$۱۰۸۷۲ \quad (۲)$$

$$۵۶۷ \quad (۱)$$

برای نوشتن اعداد ۱ تا ۷۵، چندبار از رقم ۶ استفاده می کنیم؟ ۲۳

$$۱۹ \quad (۴)$$

$$۱۸ \quad (۳)$$

$$۱۷ \quad (۲)$$

$$۱۶ \quad (۱)$$

مجموع رقم‌های یک عدد ۳ رقمی که دهگان آن نصف یکان و ثلث صدگان است، چند است؟ ۲۴

۴) همه‌ی موارد

$$۱۸ \quad (۳)$$

$$۱۲ \quad (۲)$$

$$۶ \quad (۱)$$

بین اعداد ۸ و ۱۳۲، چند عدد زوج وجود دارد؟ ۲۵

$$۶۱ \quad (۴)$$

$$۶۳ \quad (۳)$$

$$۶۵ \quad (۲)$$

$$۶۶ \quad (۱)$$

اختلاف عددی با بزرگ‌ترین عدد دورقی زوج، ۲۷ است. آن عدد چند است؟ ۲۶

۴) گزینه‌های (۱) و (۳)

$$۱۲۵ \quad (۳)$$

$$۷۲ \quad (۲)$$

$$۷۱ \quad (۱)$$

چند عدد بین ۳۱۴ و ۵۰۳ وجود دارد که با ۳ شروع یا به ۳ ختم می‌شوند؟ ۲۷

$$۹۴ \quad (۴)$$

$$۹۵ \quad (۳)$$

$$۸۲ \quad (۲)$$

$$۸۵ \quad (۱)$$

تعداد اعداد فرد از ۱۱۳ تا ۷۱۵ برابر است با:

$$۲۰۳ \quad (۴)$$

$$۳۰۲ \quad (۳)$$

$$۳۰۱ \quad (۲)$$

$$۳۰۰ \quad (۱)$$

اعداد ۵ تا ۳۵ را پشت سرهم نوشته‌ایم. عدد حاصل، چند رقمی است؟ ۲۹

$$۵۳ \quad (۴)$$

$$۶۱ \quad (۳)$$

$$۵۷ \quad (۲)$$

$$۶۵ \quad (۱)$$

اختلاف بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین عدد ۵ رقمی زوج که با ارقام ۰، ۵، ۳، ۷ و ۶ بدون تکرار ارقام می‌توان نوشت، کدام است؟ ۳۰

$$۴۰۸۲۴ \quad (۴)$$

$$۴۵۹۶۳ \quad (۳)$$

$$۴۰۷۷۰ \quad (۲)$$

$$۴۵۹۵۴ \quad (۱)$$

اگر رقم یکان هزار عددی را ۲ برابر کنیم و دهگان هزار تغییری نکند، در این صورت، .....

(۱) آن عدد، ۲ برابر خواهد شد.

(۴) حداقل به آن عدد، ۴۰۰۰ واحد اضافه خواهد شد.

(۲) آن عدد، ۲ برابر خواهد شد.

(۳) حداقل به آن عدد، ۱۰۰۰ واحد اضافه خواهد شد.

۱۸

پنجه  
مرغ