

راهنمای گام به گام

پایه دهم

رشته گرافیک

فنی و حرفه‌ای



راهنمای گام به گام

پایهٔ دهم

رشتهٔ گرافیک و نقاشی

فنی و حرفه‌ای

(۱) ریاضی (۱)

(۲) عربی زبان قرآن (۱)

(۳) دین و زندگی (۱)

(۴) فارسی و نگارش (۱)

(۵) زبان انگلیسی

(۶) تاریخ هنر ایران

(۷) عکاسی ۱

(۸) مبانی هنرهای تجسمی

کد: ۷۱۲۰۱

عنوان و نام پدید آور : راهنمای گام به گام دهم رشته گرافیک و نقاشی فنی حرفه‌ای
مشخصات نشر : تهران: چهارخونه، ۱۳۹۵.
مشخصات ظاهری : ۲۴۴ ص: جدول، نمودار: ۲۲×۲۹ س م.
شابک : 978 - 600 - 3050 - 85 - 3
وضعیت فهرست‌نویسی : فیپای مختصر
شناسه افزوده : انتشارات چهارخونه
شماره کتابشناسی ملی : ۴۳۹۸۴۲۴

راهنمای گام به گام پایه دهم رشته گرافیک و نقاشی

ناشر: انتشارات چهارخونه
نویسنده: گروه طراحان
ویراستار: مزده صالح‌پور
صفحه آرای: فاطمه مرادی
حروفچینی: محبوبه شریفی
چاپ و صحافی: فتوحی
نوبت چاپ: اول - پاییز ۱۳۹۵
شمارگان: ۵۰۰ جلد
قیمت: ۲۵۰۰۰ تومان

پایگاه اینترنتی: www.4khooneh.org

«کلیه حقوق برای ناشر محفوظ است و هرگونه نسخه‌برداری پیگرد قانونی دارد»

تلفن مرکز پخش: ۰۹۱۲۶۲۰۰۰ ۲۶ - ۶۶۹۲۷۷۹۶ - ۶۶۹۲۸۱۷۱
جهت دریافت کتاب در تهران از طریق پیک و در شهرستان‌ها از طریق پست با
شماره تلفن: ۰۲۱ (۶۶۹۲۸۰ ۲۹) تماس حاصل فرمایید.

ISBN 978 - 600 - 3050 - 85 - 3

شابک: ۹۷۸ - ۶۰۰ - ۳۰۵۰ - ۸۵ - ۳

فهرست مطالب

بخش اول: «ریاضی ۱»

فصل اول:	«نسبت و تناسب»..... ۵
فصل دوم:	«درصد و کاربردهای آن»..... ۱۲
فصل سوم:	«واحدهای اندازه گیری»..... ۲۱
فصل چهارم:	«معادله های درجه دوم»..... ۲۸
فصل پنجم:	«توان رسانی به توان عددهای گویا»..... ۴۲
فصل ششم:	«نسبت های مثلثاتی»..... ۵۵
فصل هفتم:	«تابع»..... ۷۵

بخش دوم: «عربی زبان قرآن (۱)»

الْدَرْسُ الْأَوَّلُ ۹۶
الْدَرْسُ الثَّانِي ۱۰۲
الْدَرْسُ الثَّلَاثُ ۱۰۸
الْدَرْسُ الرَّابِعُ ۱۱۶
الْدَرْسُ الْخَامِسُ ۱۲۴
الْدَرْسُ السَّادِسُ ۱۳۲
الْدَرْسُ السَّابِعُ ۱۳۹
الْدَرْسُ الثَّامِنُ ۱۴۸

بخش سوم: «دین و زندگی (۱)»

درس اول:	«هدف آفرینش»..... ۱۵۸
درس دوم:	«پر پرواز»..... ۱۵۹
درس سوم:	«پنجره ای به روشنایی»..... ۱۶۰
درس چهارم:	«آینده روشن»..... ۱۶۱
درس پنجم:	«منزلگاه بعد»..... ۱۶۲
درس ششم:	«واقعه بزرگ»..... ۱۶۳
درس هفتم:	«فرجام کار»..... ۱۶۴
درس هشتم:	«آهنگ سفر»..... ۱۶۶
درس نهم:	«دوستی با خدا»..... ۱۶۷
درس دهم:	«یاری از نماز و روزه»..... ۱۶۹
درس یازدهم:	«فضیلت آراستگی»..... ۱۷۰
درس دوازدهم:	«زیبایی پوشیدگی»..... ۱۷۱

بخش چهارم: «فارسی و نگارش (۱)»

درس اول:	«از آموختن ننگ مدار»..... ۱۷۴
درس سوم:	«خسرو»..... ۱۷۵
درس پنجم:	«مهر و وفا»..... ۱۷۶
درس هفتم:	«رستخیز عظیم»..... ۱۷۷
درس نهم:	«دریادلان»..... ۱۷۸
درس یازدهم:	«رستم و اشکبوس»..... ۱۷۹
درس سیزدهم:	«خیر و شر»..... ۱۸۱
درس پانزدهم:	«نشانی از خدا»..... ۱۸۲

بخش پنجم: «زبان انگلیسی»

درس اول:	Saving Nature..... ۱۸۵
درس دوم:	Wonders Of Creation..... ۲۰۰
درس سوم:	The Value of Knowledge..... ۲۱۴
درس چهارم:	Traveling the World..... ۲۲۷

بخش ششم: «تاریخ هنر ایران»

فصل اول: دوره پیش تاریخی (آغازین)

درس اول:	سپیده دم هنر و تمدن فلات ایران..... ۲۴۲
درس دوم:	هنر و تمدن ایلام..... ۲۴۴
درس سوم:	دوره کوچ..... ۲۴۶

فصل دوم: دوره تاریخی

درس چهارم:	هنر و تمدن ماد..... ۲۴۸
درس پنجم:	هنر و تمدن هخامنشی..... ۲۵۰
درس ششم:	هنر و تمدن اشکانی..... ۲۵۴
درس هفتم:	هنر و تمدن ساسانی..... ۲۵۷

فصل سوم: دوره میانه

درس هشتم:	هنر و تمدن ایران در سده های اول تا سوم هجری..... ۲۶۰
درس نهم:	هنر و تمدن ایران در سده های چهارم تا ششم هجری..... ۲۶۳
درس دهم:	هنر و تمدن ایران در سده هفتم و هشتم هجری..... ۲۶۵
درس یازدهم:	هنر و تمدن ایران در اواخر سده هشتم و نهم هجری..... ۲۶۸
درس دوازدهم:	هنر و تمدن ایران در سده دهم و یازدهم هجری..... ۲۷۰

فصل چهارم: دوران جدید

درس سیزدهم:	هنر و تمدن ایران در سده دوازدهم و سیزدهم هجری..... ۲۷۳
درس چهاردهم:	هنر دوره معاصر ایران..... ۲۷۵

بخش هفتم: «عکاسی ۱»

فصل اول:	«عکاسی و کاربردهای آن»..... ۲۷۹
فصل دوم:	«ساختمان دوربین های عکاسی»..... ۲۸۱
فصل سوم:	«عکاسی دیجیتال»..... ۲۸۵
فصل چهارم:	«آشنایی با مبانی ترکیب بندی و زبان تصویری عکس»..... ۲۸۸
فصل پنجم:	«نقش شاتر و دیافراگم»..... ۲۹۱
فصل ششم:	«شناخت لنزها»..... ۲۹۴
فصل هفتم:	«نورسنجی»..... ۲۹۷
فصل هشتم:	«فلاش»..... ۲۹۸
فصل نهم:	«ماکروگرافی و کپی»..... ۳۰۰
فصل دهم:	«فیلترها»..... ۳۰۲
فصل یازدهم:	«فنون عرضه و نمایش»..... ۳۰۴
فصل دوازدهم:	«نمایش و ویرایش»..... ۳۰۵

بخش هشتم: «مبانی هنرهای تجسمی»

فصل اول:	«مبانی هنرهای تجسمی»..... ۳۰۸
فصل دوم:	«عناصر بصری»..... ۳۱۰
فصل سوم:	«شکل، ترکیب و بافت»..... ۳۱۶
فصل چهارم:	«تناسب، تعادل، تباین، حرکت و ریتم»..... ۳۲۱
فصل پنجم:	«فضا در هنر تجسمی»..... ۳۲۷
فصل ششم:	«مفهوم رنگ»..... ۳۳۰
فصل هفتم:	«فیزیک رنگ»..... ۳۳۲
فصل هشتم:	«شاخصه های اصلی رنگ»..... ۳۳۴
فصل نهم:	«دسته بندی رنگ ها»..... ۳۳۵
فصل دهم:	«کنتراست رنگ»..... ۳۳۷
فصل یازدهم:	«هماهنگی رنگها»..... ۳۴۰

بخش اول:

ریاضی (۱)

۱ نسبت و تناسب

نسبت‌های مستقیم
نسبت‌های معکوس

۲ درصد و کاربردهای آن

محاسبه ذهنی درصد
درصدهای بیشتر از ۱۰۰ و کمتر از ۱
درصد تغییر

۳ واحدهای اندازه‌گیری

واحدهای اندازه‌گیری انگلیسی: طول
واحدهای اندازه‌گیری انگلیسی: جرم

۴ معادله‌های درجه دوم

مفهوم معادله‌های درجه دوم
رابطه‌های غیرخطی
روش‌های حل معادله‌های درجه دوم

۵ توان‌رسانی به توان عددهای گویا

مفهوم توان‌رسانی به توان عددهای گویا
ریشه‌گیری عددهای حقیقی

۶ نسبت‌های مثلثاتی

تشابه
تانژانت یک زاویه
سینوس یک زاویه
کسینوس یک زاویه

۷ تابع

مفهوم تابع
نمادگذاری تابع‌ها
نمایش‌های تابع: جدول و نمودار
نمودار برخی توابع خاص

فصل اول

«نسبت و تناسب»

فعالیت ۱

۱- در جدول زیر، ستون اول اندازه‌های را بر حسب گیره بزرگ و ستون دوم همان اندازه را بر حسب گیره کوچک نشان می‌دهد. این جدول را کامل کنید.

پاسخ: گفته شده طول گیره بزرگ $1/5$ برابر است. $1/5 \times$ طول گیره کوچک = طول گیره بزرگ
فرض کنید یک طولی را با گیره کوچک و بزرگ اندازه گرفته‌ایم. مثلاً ۲ تا گیره بزرگ است که $2 \times 1/5 = 3/5$ گیره کوچک می‌باشد.

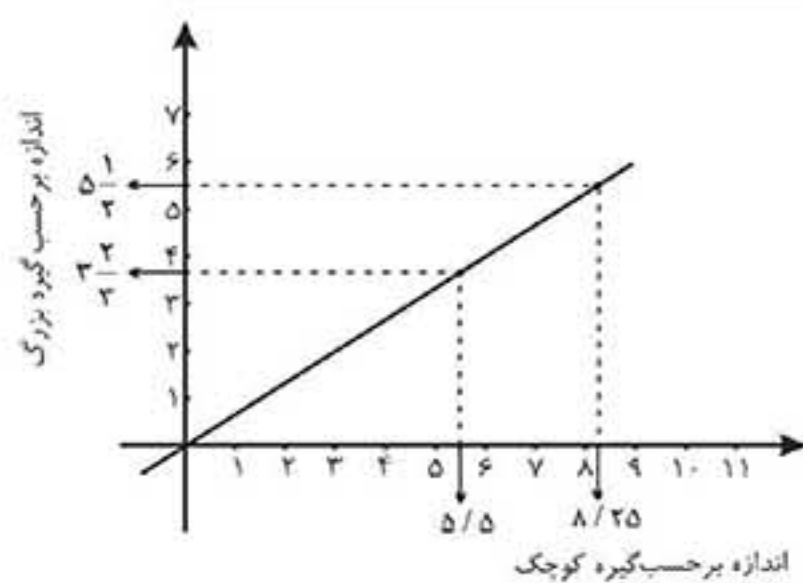
اندازه بر حسب گیره‌های بزرگ	اندازه بر حسب گیره‌های کوچک
۰	۰
۲	$2 \times 1/5 = 3/5$
۴	$4 \times 1/5 = 6/5$
۶	$6 \times 1/5 = 9/5$

(تعداد گیره بزرگ) $\times m =$ طول

(تعداد گیره کوچک) $\times n =$ طول

$n \times$ گیره کوچک = $m \times$ گیره بزرگ

$$\frac{\text{گیره بزرگ}}{\text{گیره کوچک}} = \frac{n}{m} \Rightarrow 1/5 = \frac{n}{m} \Rightarrow n = 1/5m$$



۲- نموداری رسم کنید که رابطه بین اندازه بر حسب گیره‌های بزرگ و اندازه بر حسب گیره‌های کوچک را نشان دهد.

پاسخ: از نظر اندازه بر حسب گیره‌ها معادله را بررسی می‌نماییم و معادله آن به صورت زیر می‌باشد. نمودار مربوط به یک خط می‌باشد.

از نظر اندازه بر حسب گیره‌ها: (گیره بزرگ $\times 1/5 =$ گیره کوچک)

۳- اگر طول کتاب $5\frac{1}{4}$ و عرض آن $3\frac{2}{3}$ گیره بزرگ باشد، به کمک نمودار، طول و عرض کتاب را بر حسب گیره کوچک پیدا کنید.

پاسخ: همانطور که در نمودار مشخص شده است اگر طول کتاب $5\frac{1}{4}$ گیره بزرگ باشد پس این طول $8/25$ است بر حسب گیره کوچک و عرض آن $3\frac{2}{3}$ گفته شده که بر حسب گیره کوچک $5/5$ می‌باشد.

۴- نسبت طول گیره بزرگ به طول گیره کوچک را بنویسید. چگونه می‌توانید با داشتن طول بر حسب گیره بزرگ، از این نسبت برای پیدا کردن طول اشیا بر حسب گیره کوچک استفاده کنید؟

$$\frac{\text{طول گیره بزرگ}}{\text{طول گیره کوچک}} = 1/5$$

پاسخ: فرض شده است A مشخص می‌باشد.

فرض کنید یک طول را می‌خواهیم با هر دو گیره اندازه بگیریم، طول را X فرض می‌کنیم.

(n : تعداد بر حسب گیره کوچک) $\times n =$ طول گیره کوچک = X ، (m : تعداد بر حسب گیره بزرگ) $\times m =$ طول گیره بزرگ = X

$$X = n \times \text{طول گیره کوچک} = m \times \text{طول گیره بزرگ} \Rightarrow \frac{\text{گیره بزرگ}}{\text{گیره کوچک}} = \frac{n}{m} \Rightarrow 1/5 = \frac{n}{m} \Rightarrow n = 1/5m$$

در واقع منظور از تعداد بر حسب گیره کوچک همان واحد اندازه گیری بر حسب گیره کوچک است و تعداد بر حسب گیره بزرگ همان واحد اندازه بر حسب گیره بزرگ است.

کتاب کار در کلاس ۱

۱- آیا دو نسبت ۴۲ به ۸۸ و ۶ به ۱۱ دو نسبت مساوی اند؟

□ بله؛ k برابر است با □ خیر؛ نسبت ۶ به ۱۱ برابر است با نسبت ۴۲ به و k برابر است با

پاسخ: خیر. نسبت ۶ به ۱۱ برابر است با نسبت ۴۲ به ۷۷ و k برابر است با $\frac{۶}{۱۱}$

$$\frac{۱}{۱۱} = \frac{۷}{x} \Rightarrow x = ۱۱ \times ۷ = ۷۷, k = \frac{۶}{۱۱}$$

۲- آیا دو نسبت ۲ به ۵ و ۱۰ به ۲۵ دو نسبت مساوی اند؟

□ بله؛ k برابر است با □ خیر؛ نسبت ۲ به ۵ برابر است با نسبت به

پاسخ: بله. k برابر است با $\frac{۲}{۵}$ یا $\frac{۲}{۵} = \frac{۱۰}{۲۵}$, $k = \frac{۲}{۵} = ۰/۴$

۳- در یک روزنامه عکس‌ها با ابعاد ۵×۶ چاپ می‌شوند. در مرحله صفحه‌آرایی تصمیم گرفته شد عکس‌ها با طول ۱۲ چاپ شوند. عرض عکس‌ها چقدر باید باشد؟

پاسخ: $۱۰ = \frac{۵}{۶} \times ۱۲ \Rightarrow \text{عرض} = ۱۰$ ، $\frac{\text{طول}}{\text{عرض}} = \frac{۶}{۵} \Rightarrow \text{عرض} = \frac{۵}{۶} \times \text{طول}$

فعالیت ۲

* در میدان تره‌بار، هر ۳ کیلوگرم سیب زمینی ۳۰۰۰ تومان است.

۱- نسبت قیمت سیب زمینی به وزن آن، برابر است با: تومان به کیلوگرم سیب زمینی.

نسبت قیمت سیب زمینی به وزن آن برابر است با تومان به ۱ کیلوگرم سیب زمینی.

این نسبت نشان می‌دهد که با تومان می‌توان ۱ کیلوگرم سیب زمینی خرید.

پاسخ: ۳۰۰۰ - ۳ ، ۱۰۰۰ ، ۱۰۰۰

۲- نسبت وزن سیب زمینی به قیمت آن، برابر است با: کیلوگرم سیب زمینی به تومان.

نسبت وزن سیب زمینی به قیمت آن برابر است با کیلوگرم سیب زمینی به ۱ تومان.

این نسبت نشان می‌دهد که با ۱ تومان می‌توان کیلوگرم سیب زمینی خرید.

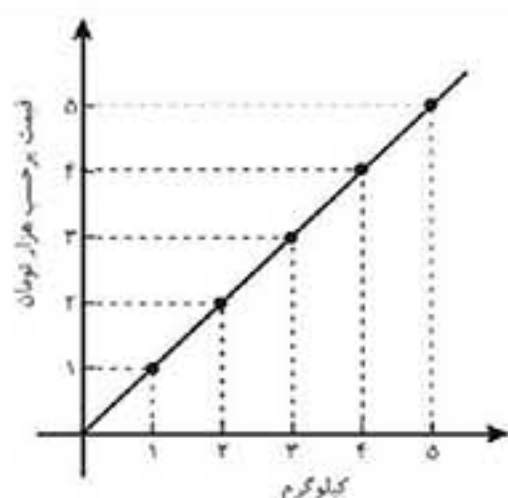
پاسخ: ۳ - ۳۰۰۰ ، $\frac{۱}{۱۰۰۰}$ ، $\frac{۳}{۳۰۰۰} = \frac{۱}{۱۰۰۰}$

۳- برای پیدا کردن قیمت ۵ کیلوگرم سیب زمینی، رابطه رو به رو را کامل کنید.

$$\frac{۳ \text{ کیلوگرم سیب زمینی}}{\text{..... تومان}} = \frac{۵ \text{ کیلوگرم سیب زمینی}}{\text{..... تومان}}$$

پاسخ: $\frac{۳ \text{ کیلوگرم سیب زمینی}}{۳۰۰۰ \text{ تومان}} = \frac{۵ \text{ کیلوگرم سیب زمینی}}{x \text{ تومان}} \Rightarrow x = \frac{۳۰۰۰ \times ۵}{۳} = ۵۰۰۰$

۴- نمودار رابطه بین مقدار سیب زمینی و قیمت آن‌ها را رسم کنید.



پاسخ:

۵- شیب این خط چه چیزی را نشان می‌دهد؟

پاسخ: نسبت قیمت سیب زمینی به وزن مقدار ثابت است و این مقدار به ازای هر کیلوگرم ۱۰۰۰ تومان است. در واقع نرخ سیب زمینی را

نشان می‌دهد یا به ازای هر ۱ تومان $\frac{۱}{۱۰۰۰}$ کیلوگرم سیب زمینی می‌توانیم بخریم.

$$\text{شیب خط} = \frac{\text{تغییرات عرضی}}{\text{تغییرات طولی}} = \frac{۲}{۲-۰} = ۱ \frac{\text{هزار تومان}}{\text{کیلوگرم}}$$

کار در کلاس ۲

۱- نرخ مصرف بنزین به مسافت طی شده در دو ماشین مختلف به ترتیب $\frac{۳۰ \text{ لیتر}}{۳۲۰ \text{ کیلومتر}}$ و $\frac{۲۷ \text{ لیتر}}{۳۰۰ \text{ کیلومتر}}$ است. کدام ماشین باصرفه‌تر است؟

پاسخ: $\frac{۲۷}{۳۰۰} = ۰/۰۹$ ماشین دوم و $\frac{۳۰}{۳۲۰} = ۰/۰۹۳۷۵$ ماشین اول

نرخ مصرف بنزین ماشین دوم $۰/۰۹$ است این در حالیست که نرخ ماشین اول $۰/۰۹۳۷۵$ است؛ بدیهیست ماشین دوم اقتصادی‌تر است.

۲- بلیت‌های یک سینما در یک ساعت مانده به شروع فیلم، در هر دقیقه به میزان ثابتی به فروش می‌رسد. اگر این سینما ۲۴۰ بلیت را در ۱۶ دقیقه بفروشد، ابتدا نرخ فروش بلیت در دقیقه را پیدا کنید. سپس به کمک آن، تعداد بلیت‌های فروخته شده در هر ساعت را به دست آورید.

پاسخ: تعداد بلیت فروخته در یک دقیقه ۱۵ تا است.

$$\frac{۲۴۰ \text{ بلیت}}{۱۶ \text{ دقیقه}} = \frac{۱۵ \text{ بلیت}}{۱ \text{ دقیقه}}$$

فروش بلیت در یک ساعت $۱۵ \times ۶۰ = ۹۰۰$

فعالیت ۳

علی و احمد با سرعت برابر در یک مسیر دایره‌ای دوچرخه سواری می‌کردند. علی زودتر از احمد دوچرخه سواری را شروع کرده بود؛ به طوری که وقتی او ۹ دور، زده بود، احمد ۳ دور، زده بود.

۱- جدول زیر را کامل کنید.

تعداد دورهای احمد	تعداد دورهای علی
۰	۶
۳	۹
۶	۱۲
۹	۱۵

پاسخ: گفته شده زمانی که علی ۹ دور زده است احمد ۳ دور زده است. پس تعداد دورهای علی ۶ تا از تعداد دورهای احمد بیشتر است.

تعداد دورهای احمد + ۶ = تعداد دورهای علی

۲- عددهای ستون دوم را چگونه می‌توانیم بر اساس عددهای ستون اول محاسبه کنیم؟

پاسخ: همانطور که دیدیم ستون اول از جمع ستون دوم با عدد ۶ به دست می‌آید. $۶ + \text{ستون دوم} = \text{ستون اول}$

۳- اگر علی و احمد به طور همزمان دوچرخه سواری را شروع کرده باشند و علی ۹ دور و احمد ۳ دور زده باشند، دربارهٔ سرعت آنها چه می‌توانستیم بگوییم؟

پاسخ: چون که زمان رابطه مستقیم با سرعت دارد پس سرعتش هم سه برابر است. فرض کنید V_1 سرعت علی و V_2 سرعت احمد و Δx_1

$$\frac{\Delta x_1}{\Delta x_2} = \frac{V_1}{V_2} \Rightarrow ۳ = \frac{V_1}{V_2} \Rightarrow V_1 = ۳V_2$$

جابه جایی علی و Δx_2 جابه جایی احمد باشد، پس:

۴- با در نظر گرفتن این حالت، جدول زیر را کامل کنید.

تعداد دورهای احمد	تعداد دورهای علی
۰	۰
$\frac{۹}{۳} = ۳$	۹
$\frac{۱۲}{۳} = ۴$	۱۲
$\frac{۱۵}{۳} = ۵$	۱۵

پاسخ:

۵. عددهای ستون دوم را چگونه می‌توانیم براساس عددهای ستون اول محاسبه کنیم؟

پاسخ: عددهای ستون دوم از حاصل تقسیم ستون اول بر عدد ۳ به دست آمده است. ستون دوم $\times 3 =$ ستون اول یا $\frac{\text{ستون اول}}{3} = \text{ستون دوم}$

مسائل



۱- روی نقشه، هر ۲ سانتی‌متر نشان‌دهنده ۵ کیلومتر است. دو نقطه را در روی نقشه انتخاب کنید. فاصله آنها در روی نقشه چقدر است؟ فاصله واقعی آنها از هم چقدر است؟

پاسخ: گفته شده هر ۲ سانتی‌متر ۵ کیلومتر است. پس اگر نسبت سانتی‌متر به کیلومتر را بگیریم این نسبت همه جا باید حفظ بشود. فرضاً اگر دو نقطه در نقشه انتخاب کنیم که فاصله آنها ۸ سانتی‌متر باشد.

$$\frac{2 \text{ سانتی‌متر}}{5 \text{ کیلومتر}} = \frac{8}{x} \Rightarrow x = 20 \text{ کیلومتر}$$

۲- مینا برای تهیه نوعی سس سالاد به کتاب آشپزی مراجعه کرد. نسبت روغن به سرکه در آن سس، ۳ به ۴ بود. مینا گفت: یعنی ۷۵٪ سس روغن است. آیا مینا درست متوجه شده بود؟ توضیح دهید.

پاسخ: غلط است. زیرا همانطور که در صورت سوال گفته شده است نسبت روغن به سرکه ۳ به ۴ است. مثلاً اگر ۳۰ میلی‌لیتر روغن داشته باشیم ۴۰ میلی‌لیتر سرکه داریم. پس مجموع سس ما ۷۰ میلی‌لیتر است که نسبت سرکه‌ی آن به صورت رو به رو است:

$$\frac{30}{70} = \frac{3}{7} = 42.8\%$$

۳- عکاسی می‌خواهد عکسی را در ابعاد 25×35 بزرگ کند و سپس آن را روی مقوایی به طول ۵۵ سانتی‌متر چاپ کند. عرض عکس بزرگ شده چقدر خواهد بود؟

پاسخ:

$$\frac{25}{35} = \frac{x}{55} \Rightarrow x = \frac{55 \times 25}{35} = 39.28$$

شماره ماه	مقدار پس‌انداز (هزار تومان)
۲	۳۵۰
۴	۷۰۰
۶	۱۰۵۰
۸	
۱۰	

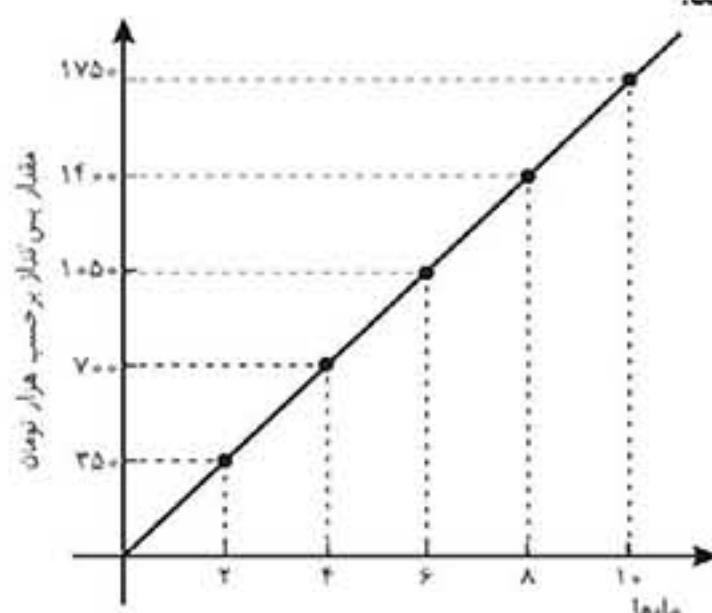
۴- علی هر ماه مقداری ثابت پول را پس‌انداز می‌کند. جدول رو به رو مقدار پس‌انداز او را در چند ماه نشان می‌دهد.

این جدول را به سه روش رسم شکل، رسم نمودار و جبری کامل کنید.

پاسخ: طبق جدول مشخص است که هر دو ماه ۳۵۰ هزار تومان پس‌انداز می‌نماید. پس در جدول زیر هر مرحله از جمع مرحله قبل با عدد ۳۵۰ به دست می‌آید.

شماره ماه	مقدار پس‌انداز (هزار تومان)
۲	۳۵۰
۴	$۳۵۰ + ۳۵۰ = ۷۰۰$
۶	$۷۰۰ + ۳۵۰ = ۱۰۵۰$
۸	$۱۰۵۰ + ۳۵۰ = ۱۴۰۰$
۱۰	$۱۴۰۰ + ۳۵۰ = ۱۷۵۰$

$۳۵۰ +$ پس‌انداز کنونی = پس‌انداز ۲ ماه بعد



روش جبری: هر ماه ۳۵۰ هزار تومان پس‌انداز کرده است، پس:

فعالیت ۴

برای پر کردن مخزن آبی ۱۰ شیر آب یکسان بر سر لوله‌های آب کار گذاشته شده است. دو شیر آب وقتی به طور کامل باز هستند، این مخزن در ۸ ساعت پر می‌شود.

۱- اگر ۴ شیر آب، همزمان، به طور کامل باز شوند، مخزن در چند ساعت پر می‌شود؟ دبیر لجنخند زنان به من گفت: "حواست باشد که شیرهای آب با هم حرف نمی‌زنند!"

پاسخ: اگر دو شیر به طور همزمان با هم کار کنند این مخزن در ۸ ساعت پر می‌شود. پس هر شیر در یک ساعت، $\frac{1}{16}$ مخزن را پر می‌کند. پس در

یک ساعت اگر ۴ شیر همزمان کار کنند $\frac{1}{4}$ مخزن را پر می‌کنند. یعنی ۴ شیر باید ۴ ساعت کار نمایند تا این مخزن را پر نمایند.
 $4 \times \frac{1}{16} = \frac{1}{4}$

۲- اگر ۸ شیر آب همزمان به طور کامل باز شوند، مخزن در چند ساعت پر می‌شود؟

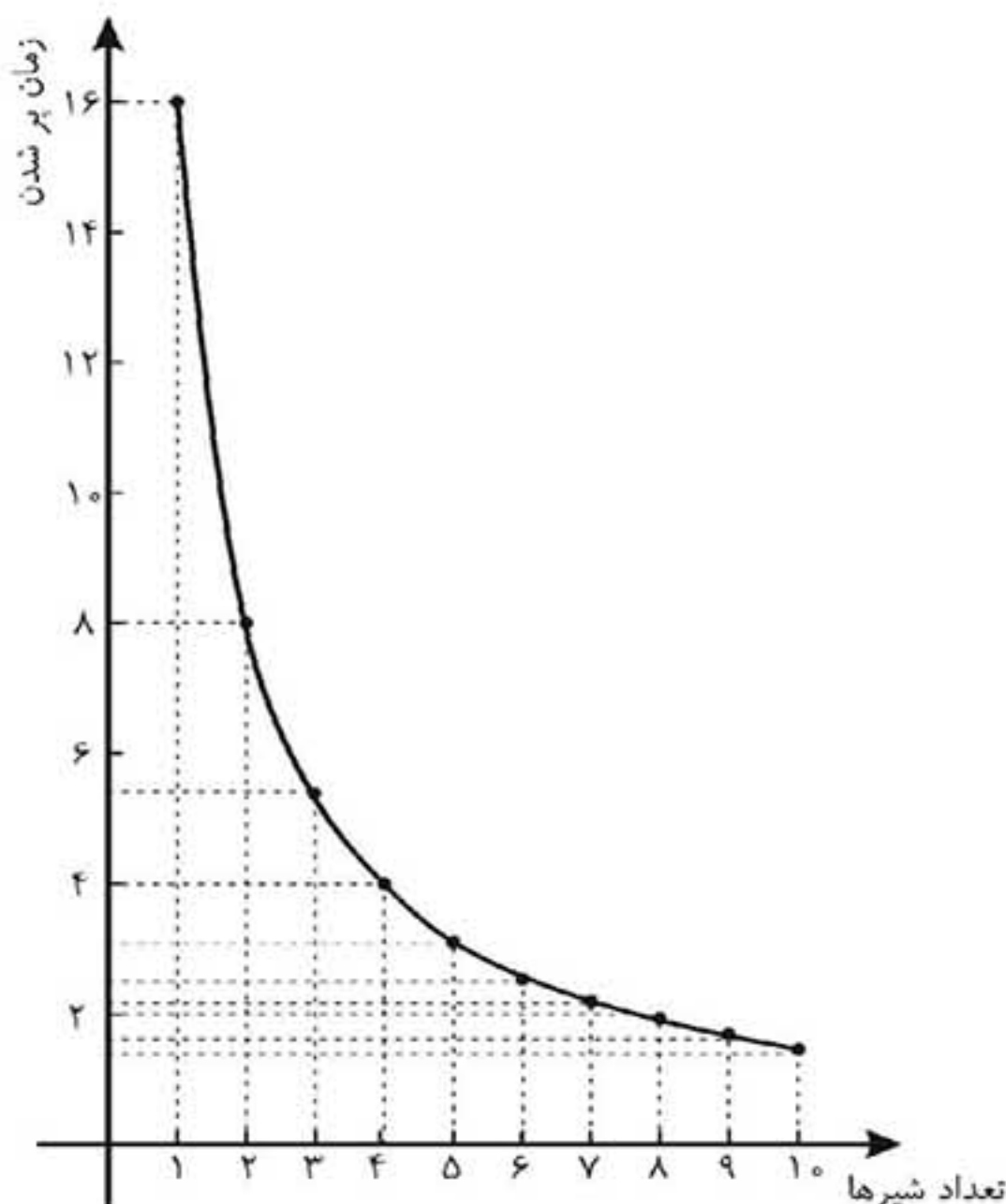
پاسخ: برای این کار نگاه کنید اگر ۸ شیر همزمان با هم کار کنند در مدت ۱ ساعت می‌توانند $\frac{1}{2}$ تانکر را کامل پر نمایند.
 $8 \times \frac{1}{16} = \frac{1}{2}$

پس مشخص است که ۸ شیر در مدت ۲ ساعت تانکر را پر می‌نمایند.

۳- رابطه بین تعداد شیرهای باز آب و زمان پر شدن مخزن را توصیف کنید.

* به کمک نمودار، زمانی را که لازم است تا مخزن با ۶ شیر پر شود، پیدا کنید.

پاسخ:



تعداد شیر	در هر ساعت چقدر پر می‌شود	زمان پر شدن
۰	۰	-
۱	$\frac{1}{16}$	۱۶ ساعت
۲	$\frac{2}{16} = \frac{1}{8}$	۸ ساعت
۳	$\frac{3}{16}$	۵/۳۳ ساعت
۴	$\frac{4}{16} = \frac{1}{4}$	۴ ساعت
۵	$\frac{5}{16}$	۳/۲ ساعت
۶	$\frac{6}{16}$	۲/۶۶ ساعت
۷	$\frac{7}{16}$	۲/۲۸ ساعت
۸	$\frac{8}{16} = \frac{1}{2}$	۲ ساعت
۹	$\frac{9}{16}$	۱/۷ ساعت
۱۰	$\frac{10}{16}$	۱/۶ ساعت

همانطور که مشخص است با افزایش تعداد شیرها زمان پر شدن مخزن کاهش می‌یابد، که این کاهش ابتدا شدید و سپس کمتر می‌شود.

طبق نمودار اگر ۶ شیر همزمان کار کنند ۲/۶۶ ساعت طول می‌کشد تا مخزن پر شود.

کار در کلاس ۳

۱- الف) دو کمیت متناسب را نام ببرید که با هم رابطه معکوس داشته باشند.

پاسخ: هر کمیتی را می‌توان در نظر گرفت به طور مثال قانون پاسکال یا قانون اهم را در نظر بگیرید.

قانون اهم: (در این رابطه مقاومت الکتریکی با جریان رابطه عکس دارد) $R = \frac{V}{I}$ ، قانون پاسکال: (در این رابطه فشار با سطح رابطه معکوس دارد) $P = \frac{F}{A}$
 ب) با در نظر گرفتن ارتباط این دو کمیت، مسئله‌ای طرح کنید.

پاسخ: به طور مثال در قانون اهم در ولتاژ ثابت اگر مقدار جریان تغییر نماید چه اتفاقی رخ می‌دهد؟ اگر در ولتاژ ثابت جریان افزایش یابد مقاومت کاهش می‌یابد و اگر جریان کاهش یابد مقاومت افزایش می‌یابد.

یا در رابطه‌ی پاسکال اگر سطح مقطع را تغییر دهیم، فشار چگونه تغییر می‌کند؟ طبق رابطه پاسکال می‌توان گفت در نیروی ثابت فشار، با سطح مقطع رابطه‌ی عکس دارد.

پ) چه رابطه‌ای بین زمان و میزان کاهش طول شمع وجود دارد؟ این دو کمیت چه نوع رابطه‌ای با هم دارند؟

پاسخ: با افزایش زمان طول شمع کاهش می‌یابد، پس رابطه مستقیم دارند.

۲- شمعی به طول ۱۴ سانتیمتر را روشن می‌کنیم. این شمع در هر ۵ دقیقه ۱ سانتی‌متر کوتاه می‌شود.

الف) اگر لحظه روشن کردن شمع را زمان صفر در نظر بگیریم، رابطه بین زمان و طول شمع را بنویسید.

ب) با افزایش زمان، طول شمع چگونه تغییر می‌کند؟ آیا زمان و طول شمع کمیت‌های متناسب معکوس یکدیگرند؟

پاسخ: الف) گفته شده است در هر ۵ دقیقه ۱ سانتی‌متر طول شمع کم می‌شود، پس: $\text{طول شمع} = \frac{70-t}{5}$ $\Rightarrow \frac{14-t}{5} = \text{طول شمع}$
 ب) بدیهیست با افزایش زمان طول شمع کمتر می‌شود، پس زمان و طول شمع کمیت‌های متناسب معکوس یکدیگرند.

مسائل

۱- جاهای خالی را پر کنید.

الف) نسبت دو کمیت متناسب که با یک واحد اندازه‌گیری نمی‌شوند نامیده می‌شود.

ب) دو کمیت A و B را در نظر بگیرید. اگر با افزایش هر واحد از A، یک واحد از B افزایش یابد، دو کمیت رابطه دارند.

پاسخ: الف) نرخ ب) جمعی

۲- دو مثال از نرخ بیان کنید.

پاسخ: الف) نسبت مسافتی که یک اتومبیل طی کرده است، به زمان سپری شده نرخ می‌باشد. زیرا طبق تعریف دو کمیت مسافت و زمان با یکدیگر متناسب و غیرهمجنس هستند. ب) نسبت وزن یک نوع میوه بر حسب کیلوگرم به قیمت آن بر حسب تومان نرخ می‌باشند. زیرا اولاً با هم متناسب هستند و ثانیاً دو کمیت غیرهمجنس هستند.

۳- اگر ضریب تبدیل واحد A به B عدد $\frac{2}{3}$ باشد، به سؤالات زیر پاسخ دهید.

الف) ۴ واحد از A معادل چند واحد از B است؟

ب) ۴ واحد از B معادل چند واحد از A است؟

پ) ضریب تبدیل واحد B به A را بنویسید.

ت) رابطه بین این دو واحد را با نمودار نشان دهید و به پرسش‌های الف و ب از روی نمودار پاسخ دهید.

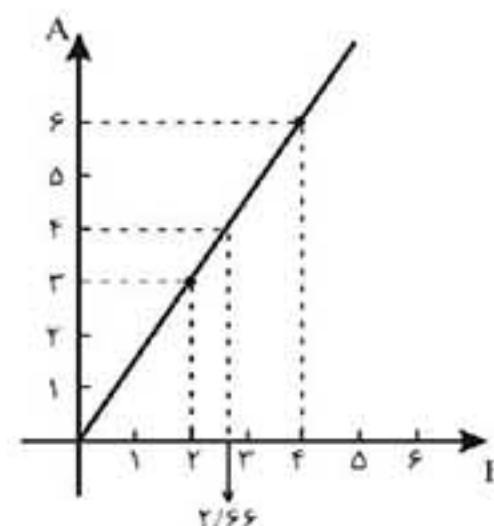
پاسخ:

ت)

$$\text{الف) } A \times \frac{2}{3} = B \rightarrow \frac{B}{A} = \frac{2}{3} = \frac{x_1}{4} \rightarrow x_1 = \frac{8}{3}$$

$$\text{ب) } \frac{B}{A} = \frac{2}{3} = \frac{4}{x_2} \rightarrow x_2 = 6$$

$$\text{پ) } \frac{B}{A} = \frac{2}{3} \rightarrow \frac{A}{B} = \frac{3}{2}$$



۴- جدول زیر نوعی کالا را نشان می‌دهد که در سه اندازه کوچک، متوسط و بزرگ بسته‌بندی شده است.

نوع	وزن (کیلو)	قیمت (تومان)	نسبت وزن به قیمت	نسبت قیمت به وزن
کوچک	۱/۵	۱۲۰۰		
متوسط	۴	۳۰۰۰		
بزرگ	۱۵	۱۰۰۰۰		

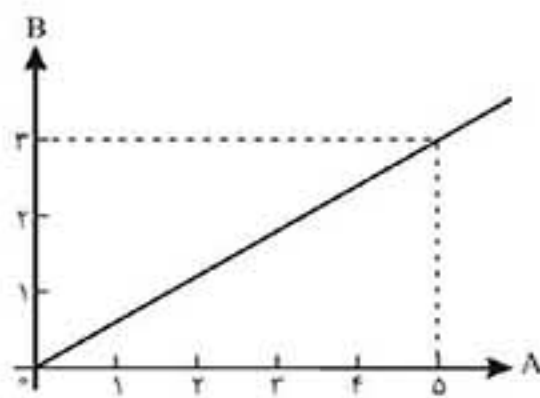
الف) جدول را کامل کنید. ب) کدام بسته با صرفه‌تر است؟

پاسخ: الف)

نوع	وزن (کیلو)	قیمت (تومان)	نسبت وزن به قیمت	نسبت قیمت به وزن
کوچک	۱/۵	۱۲۰۰	$\frac{1/5}{1200} = \frac{1}{800}$	$\frac{1200}{1/5} = 800$
متوسط	۴	۳۰۰۰	$\frac{4}{3000} = \frac{1}{750}$	$\frac{3000}{4} = 750$
بزرگ	۱۵	۱۰۰۰۰	$\frac{15}{10000} = \frac{3}{2000}$	$\frac{10000}{15} = \frac{2000}{3}$

ب) اگر از بسته‌بندی بزرگ استفاده نماییم نسبت قیمت به وزن آن پایین‌تر است پس مقرون به صرفه‌تر است.

۵- نمودار مقابل رابطه بین کمیت A و کمیت B را نشان می‌دهد:



الف) ضریب تبدیل A به B و B به A را بنویسید.

ب) ۳ واحد از A تقریباً معادل چند واحد از B است؟

پ) ۵ واحد از B تقریباً معادل چند واحد از A است؟

پاسخ: الف) ضریب تبدیل A به B، $k_1 = \frac{3}{5}$ می‌باشد و ضریب تبدیل B به A، $k_2 = \frac{5}{3}$ می‌باشد.

$$A \times k_1 = B \Rightarrow 3 \times \frac{3}{5} = \frac{9}{5} \quad \text{ب)}$$

$$B \times k_2 = A \Rightarrow 5 \times \frac{5}{3} = \frac{25}{3} \quad \text{پ)}$$

۶- از میان کمیت‌های متناسب زیر، کدام مستقیم و کدام معکوس است؟

الف) وزن یک کالا و قیمت آن؛

ب) تعداد شیرهایی که یک حوض آب را پر می‌کنند و زمان پر شدن حوض؛

پ) زمان مکالمه با تلفن همراه و هزینه آن؛

ت) تعداد مشتریان در یک بانک به زمان انتظار آنها با فرض برابری زمان سرویس‌دهی؛

ث) وزن بسته پستی و هزینه ارسال بدون در نظر گرفتن هزینه ثابت؛

ج) تعداد کارگران و زمان انجام کار برای تخلیه بارهای یک انبار؛

چ) درآمد حاصل از دریافت عوارضی در یک اتوبان و تعداد ماشین‌هایی که از آن عبور می‌کنند.

پاسخ:

الف) مستقیم: زیرا هر چقدر وزن یک کالا افزایش یابد قیمت آن نیز افزایش می‌یابد.

ب) معکوس: زیرا هر چقدر تعداد شیرها افزایش یابد زمان پر شدن حوض کاهش می‌یابد.

پ) مستقیم: هر چقدر زمان صحبت بیشتر بشود هزینه نیز افزایش می‌یابد.

ت) مستقیم: هر چقدر تعداد مشتریان افزایش یابد زمان پاسخگویی طولانی‌تر می‌شود.

ث) مستقیم: زیرا هر چقدر وزن افزایش یابد هزینه ارسال آن نیز بیشتر می‌شود.

ج) معکوس: زیرا هر چقدر تعداد کارگران افزایش یابد زمان تخلیه بار کاهش می‌یابد.

چ) مستقیم: هر چه تعداد ماشین‌ها بیشتر باشد عوارض بیشتری دریافت می‌شود.